

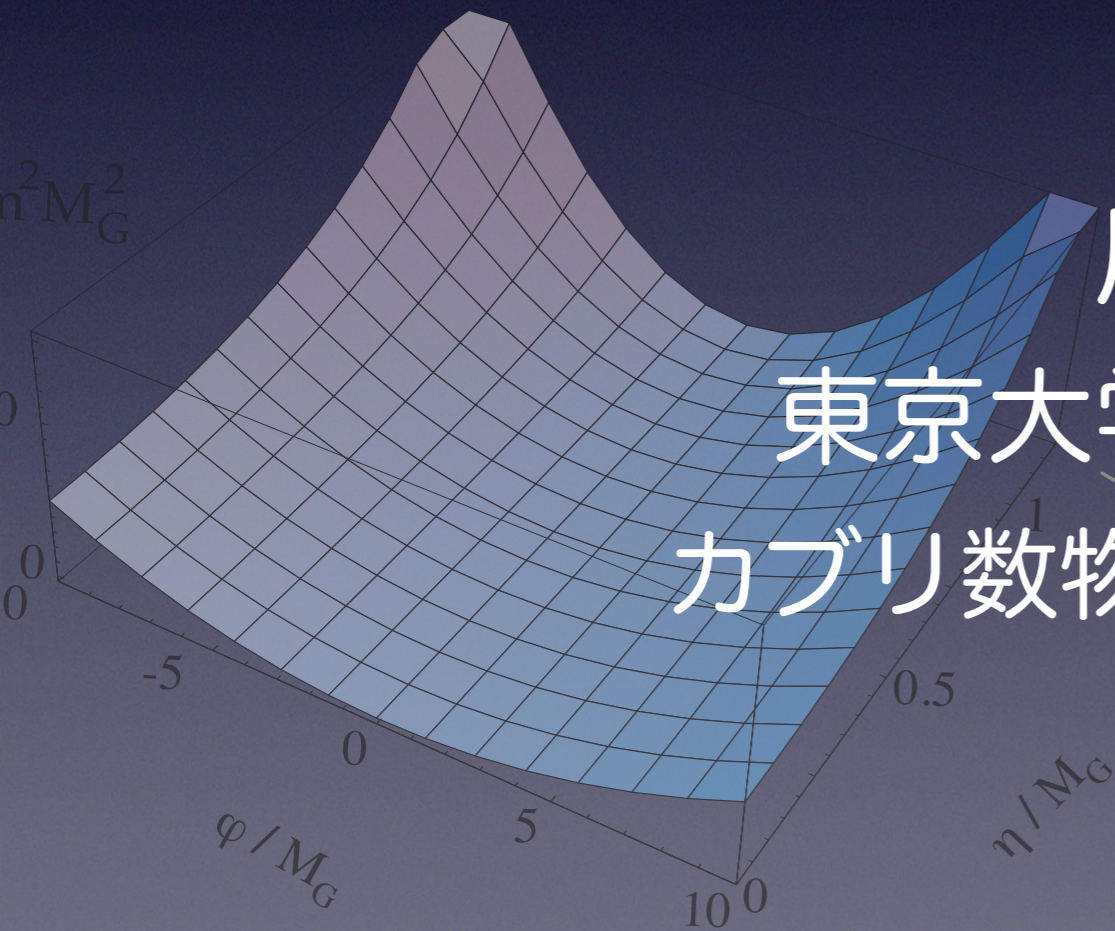
Spring School
2019年3月@ICRR

ビッグバン宇宙

川崎雅裕

東京大学宇宙線研究所

カブリ数物連携宇宙研究機構

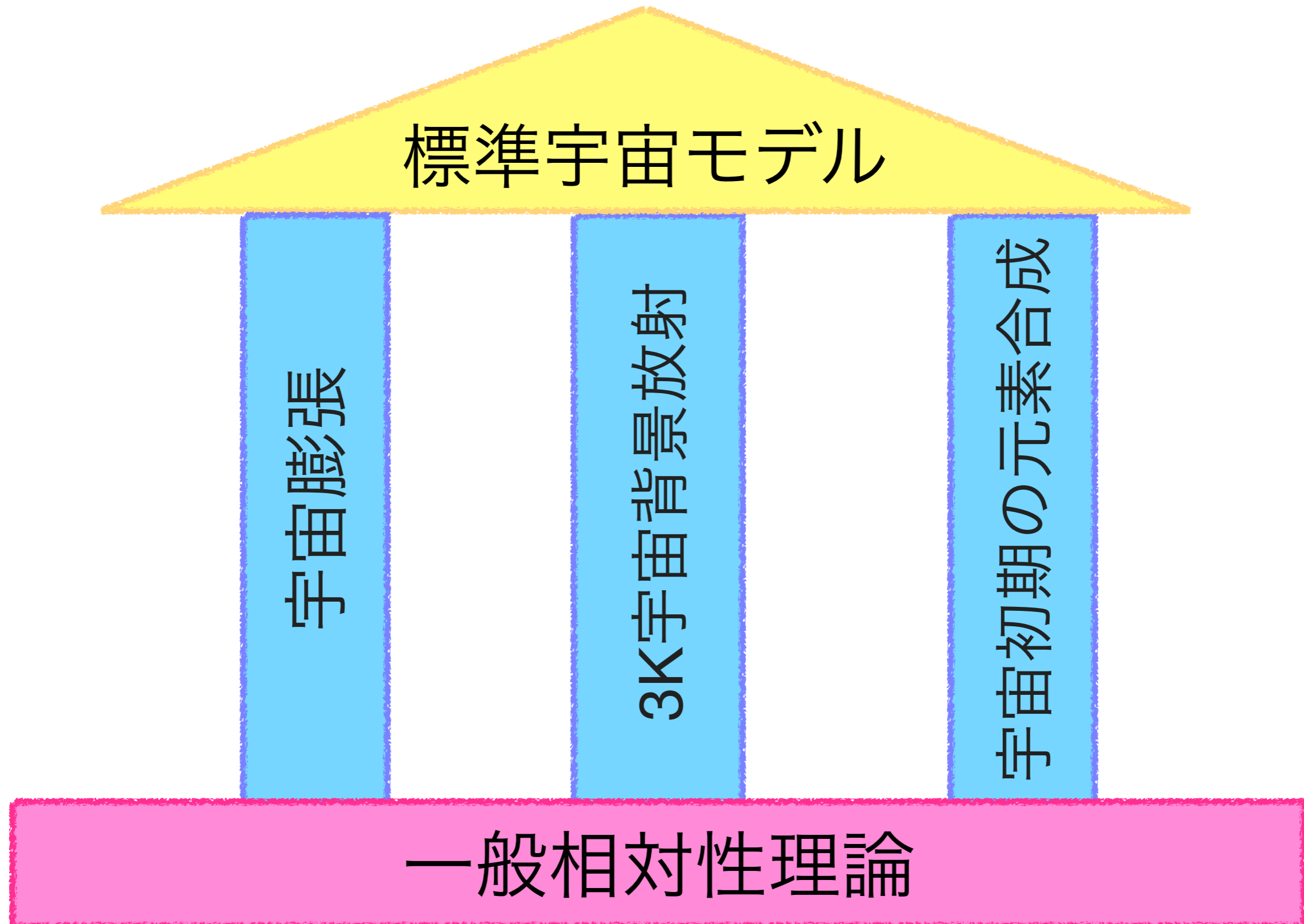


今日の話

1. ビッグバン宇宙論の進展
2. インフレーション宇宙モデル
3. インフレーションで作られる重力波の観測
4. 重力波の直接検出と宇宙論

1. 宇宙論の進展

- 標準ビッグバン宇宙モデルの確立 (1960年代)



1.2 アインシュタインの一般相対性理論

- 1915年 一般相対性理論発表

古典重力理論の完成



現代宇宙論の始まり

- アインシュタイン方程式

$$G_{\mu\nu} = 8\pi GT_{\mu\nu}$$



1916.

№ 7.

ANNALEN DER PHYSIK.
VIERTE FOLGE. BAND 49.

1. *Die Grundlage
der allgemeinen Relativitätstheorie;*
von A. Einstein.

Die im nachfolgenden dargelegte Theorie bildet die denkbar weitgehendste Verallgemeinerung der heute allgemein als „Relativitätstheorie“ bezeichneten Theorie; die letztere nenne ich im folgenden zur Unterscheidung von der ersteren „spezielle Relativitätstheorie“ und setze sie als bekannt voraus. Die Verallgemeinerung der Relativitätstheorie wurde sehr erleichtert durch die Gestalt, welche der speziellen Relativitätstheorie durch Minkowski gegeben wurde, welcher Mathematiker zuerst die formale Gleichwertigkeit der räumlichen

1.2 膨張宇宙

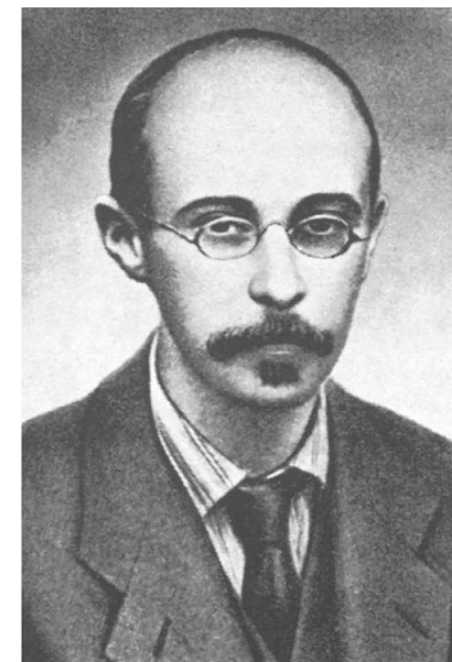
- フリードマン (Friedmann) : 膨張宇宙の解の発見 (1922)

- ▶ フリードマン方程式

$$\left(\frac{da}{dt}\right)^2 + K = \frac{8\pi G}{3}\rho a^2$$

- ▶ 膨張する解

a : 宇宙の大きさ
スケールファクター
 ρ : 宇宙の密度
 K : 宇宙の曲率
 G : 重力定数



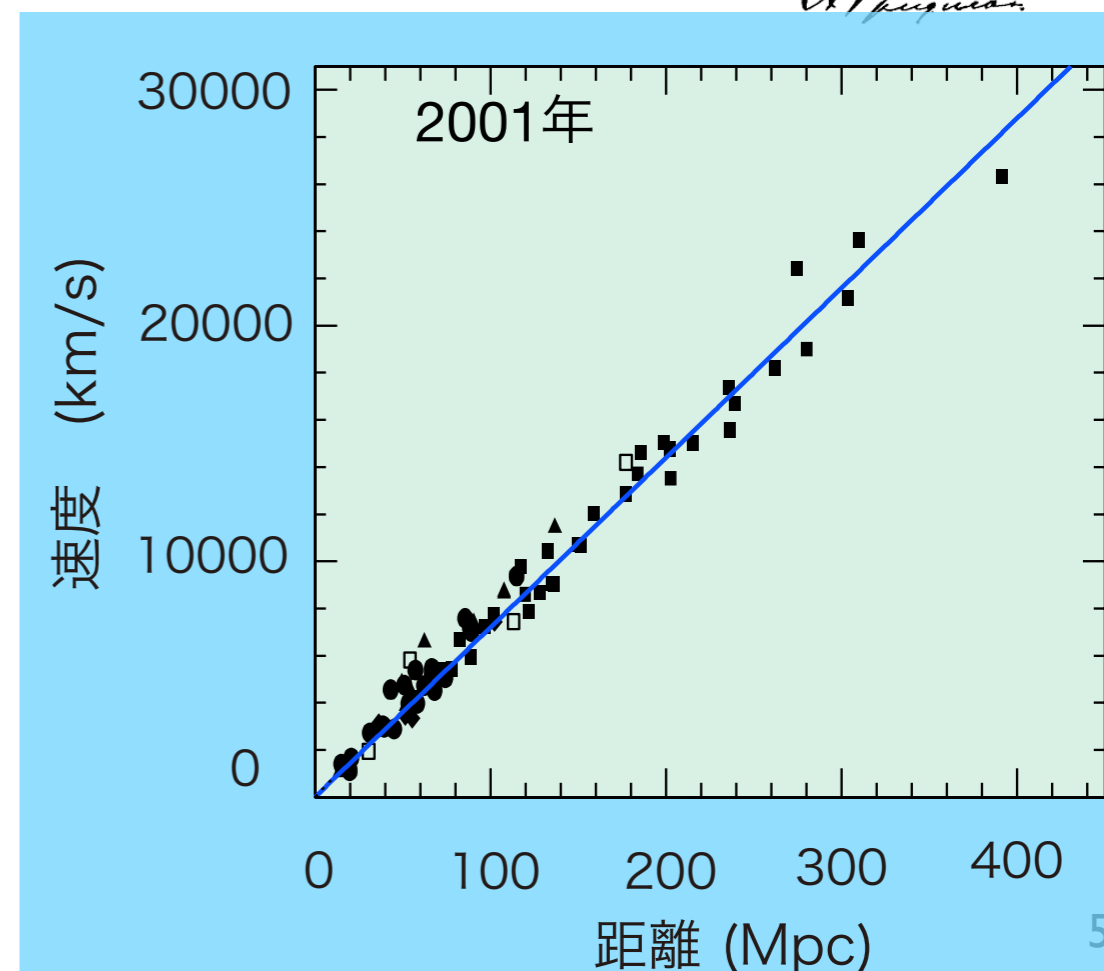
- ハッブル (Hubble) の発見 (1929)

- ▶ 遠方の銀河は銀河までの距離に比例した速さで遠ざかっている

→ 宇宙膨張の証拠

- ▶ Hubble定数

$$H_0 = (67.8 \pm 0.9) \text{ km/s/Mpc}$$



1.3 ビッグバン宇宙

- ルメーテル (Lemaître)

- ▶ 宇宙は原始的原子の爆発で始まった (1927)

- ▶ ホイル (Hoyle) がこれを **ビッグバン** と呼んだ

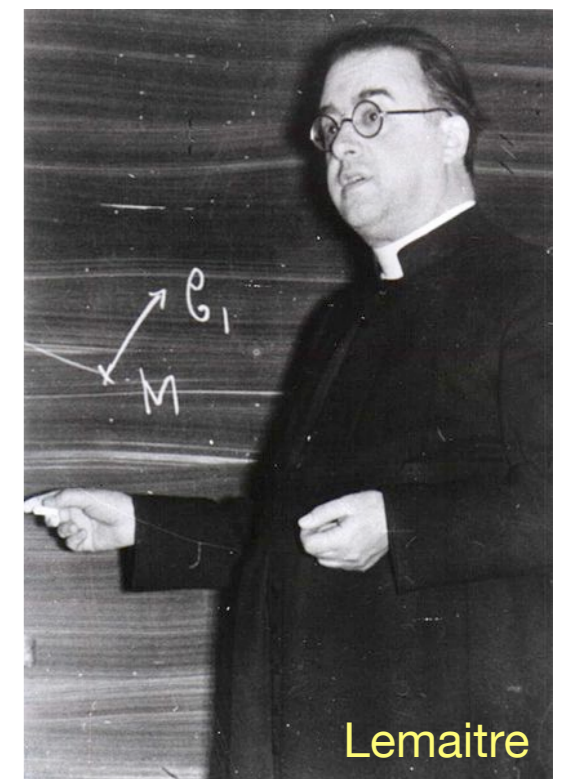
- ガモフ (Gamov) : **熱い宇宙モデル (1946)**

- ▶ 宇宙は高温・高密度状態で始まった

- ガモフの予言

- ☑ 宇宙初期にヘリウムが合成される

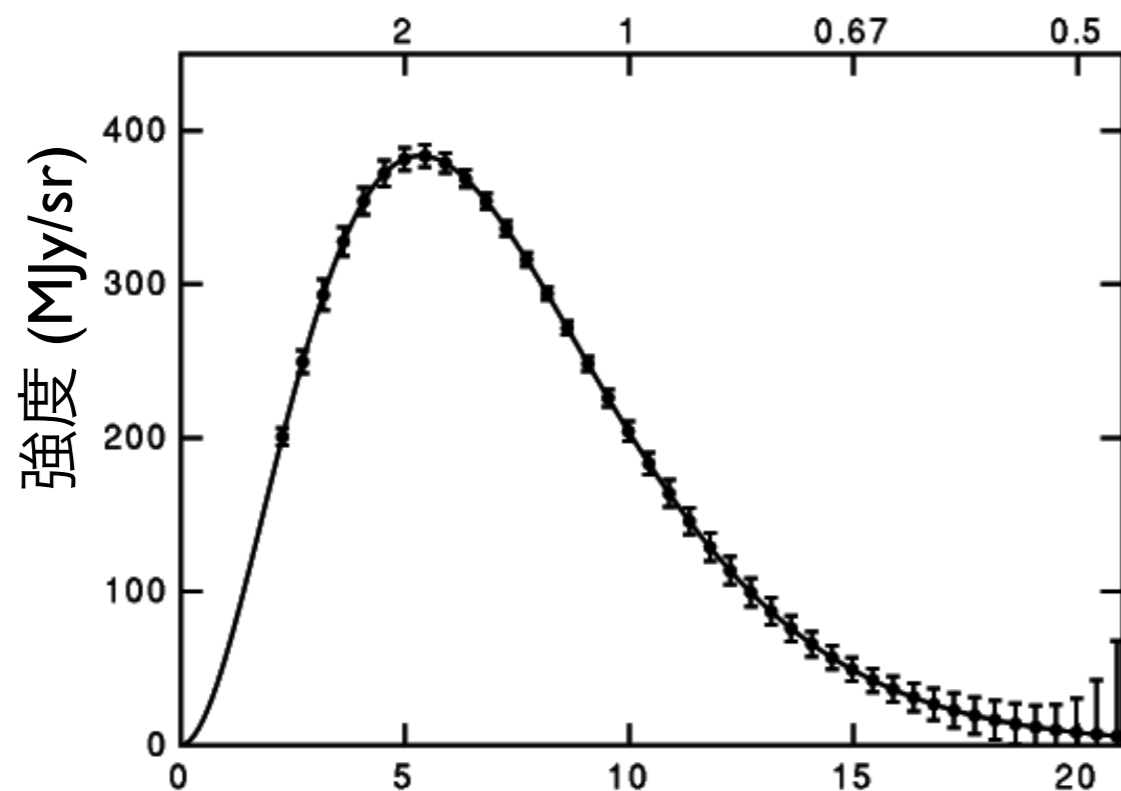
- ☑ 熱い宇宙の痕跡として宇宙背景放射が存在



1.4 宇宙背景放射

- ペンジャス (Penzias)・ウィルソン (Wilson)の発見 (1965)
- ▶ ビッグバン宇宙モデルの確立 [1978ノーベル賞]
- 宇宙が誕生して38万年後 (再結合時：水素原子が形成) に放出
- COBEの観測 (1993)

▶ T=2.73Kの完全なプランク分布
波長(mm)

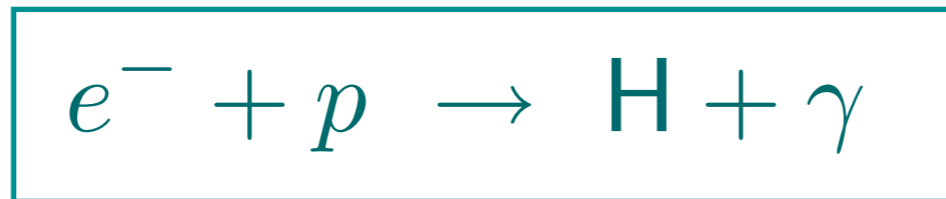


誤差は400倍して表示

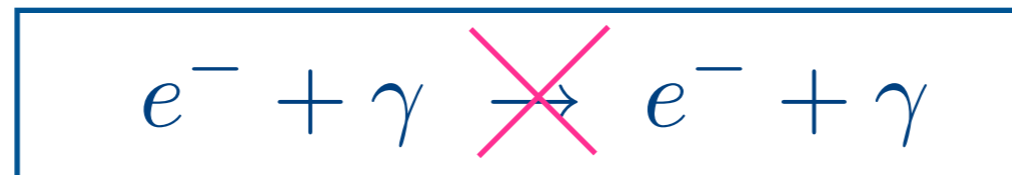


1.5 再結合

- $T = 3000\text{K}$ (時刻38万年後)
 - ▶ それまで自由に運動していた電子が陽子と結合して水素原子を作る



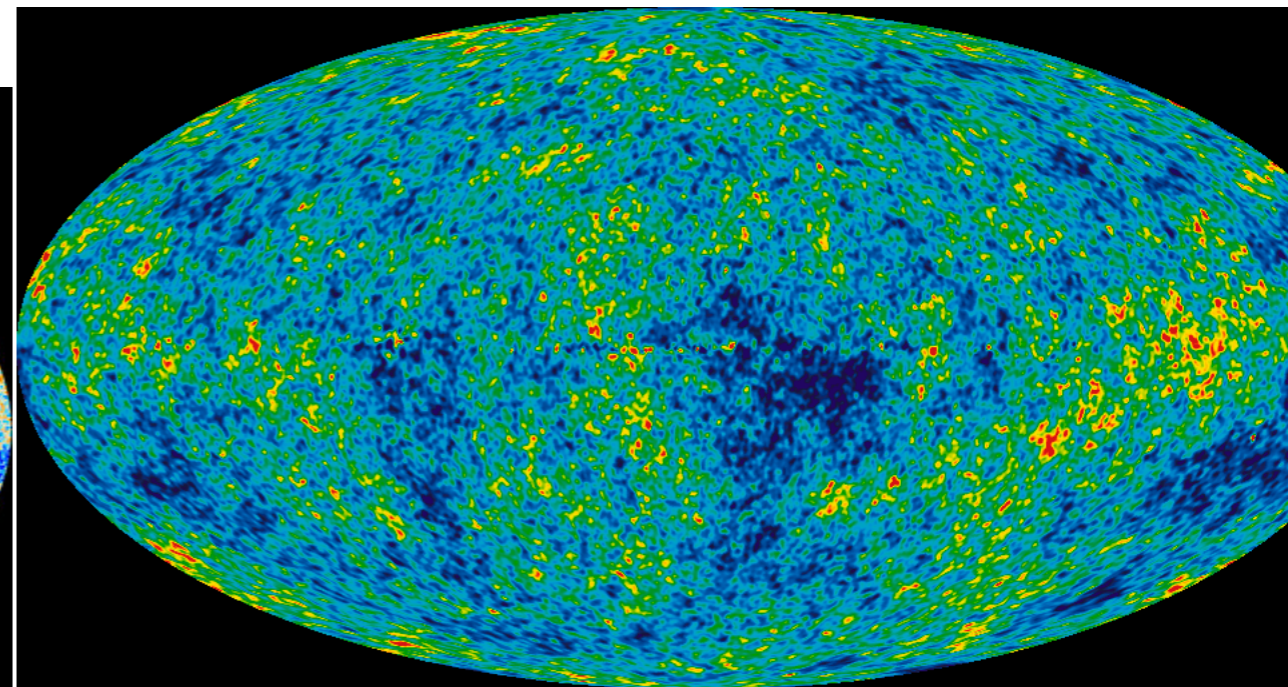
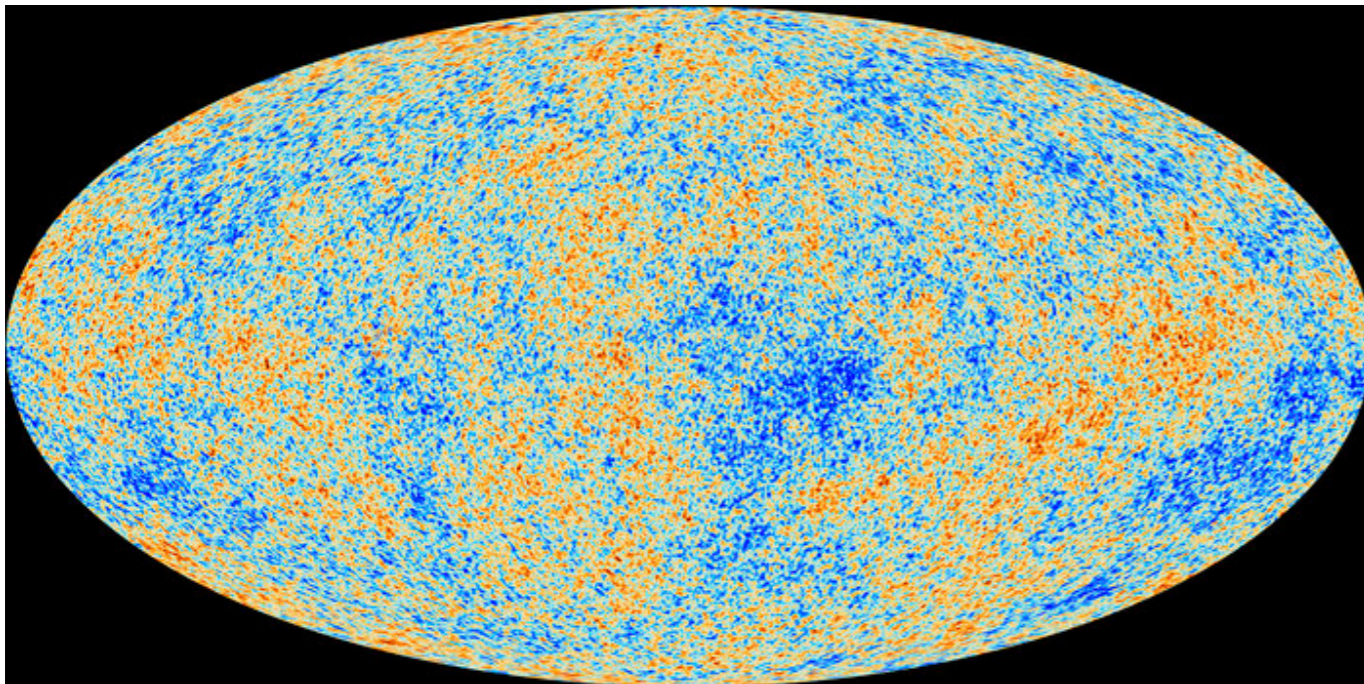
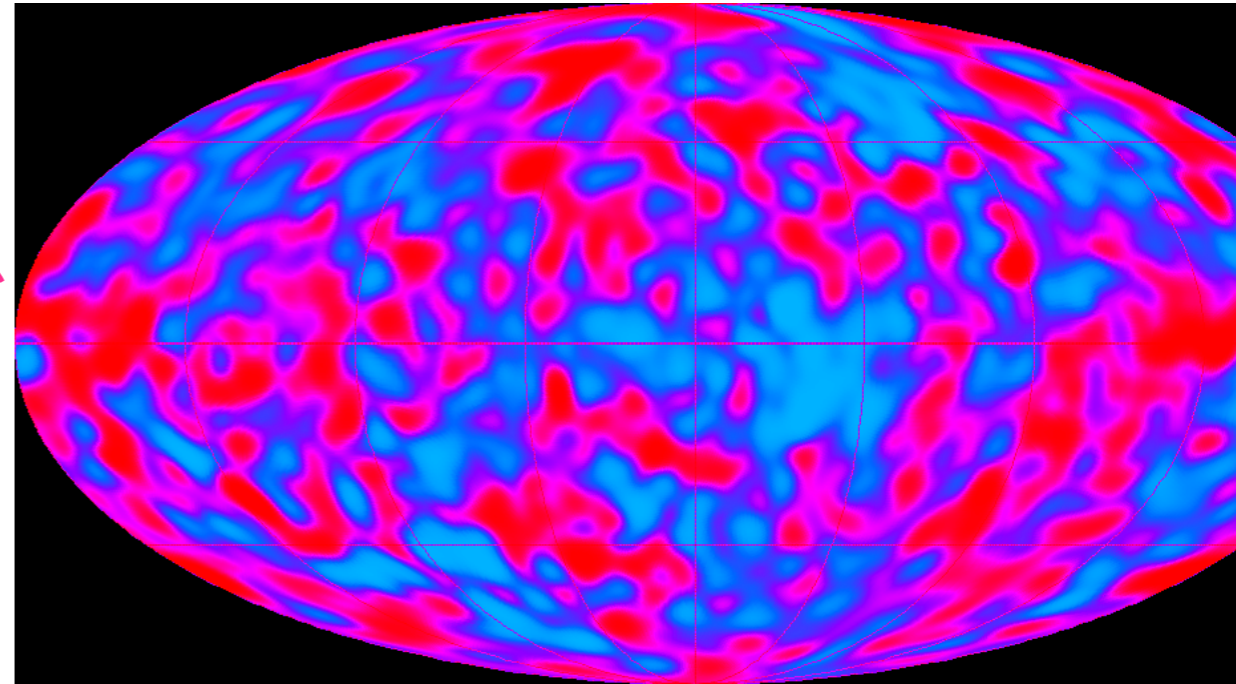
- 再結合後は光子は散乱 (コンプトン散乱) されずに直進する



宇宙は光に対して透明 \rightarrow 宇宙背景放射

1.6 宇宙背景放射のゆらぎ

- 宇宙が誕生して38万年後（再結合時：水素原子が形成）に放出光と電子の散乱が切れる
- COBEの観測 [2006年ノーベル賞]
 - ▶ 完全なプランク分布
 - ▶ 非等方性の発見 ← 密度揺らぎ
- WMAPの観測 (2003~)
- Planckの観測 (2013~)



1.8 標準ビッグバン宇宙モデルの問題

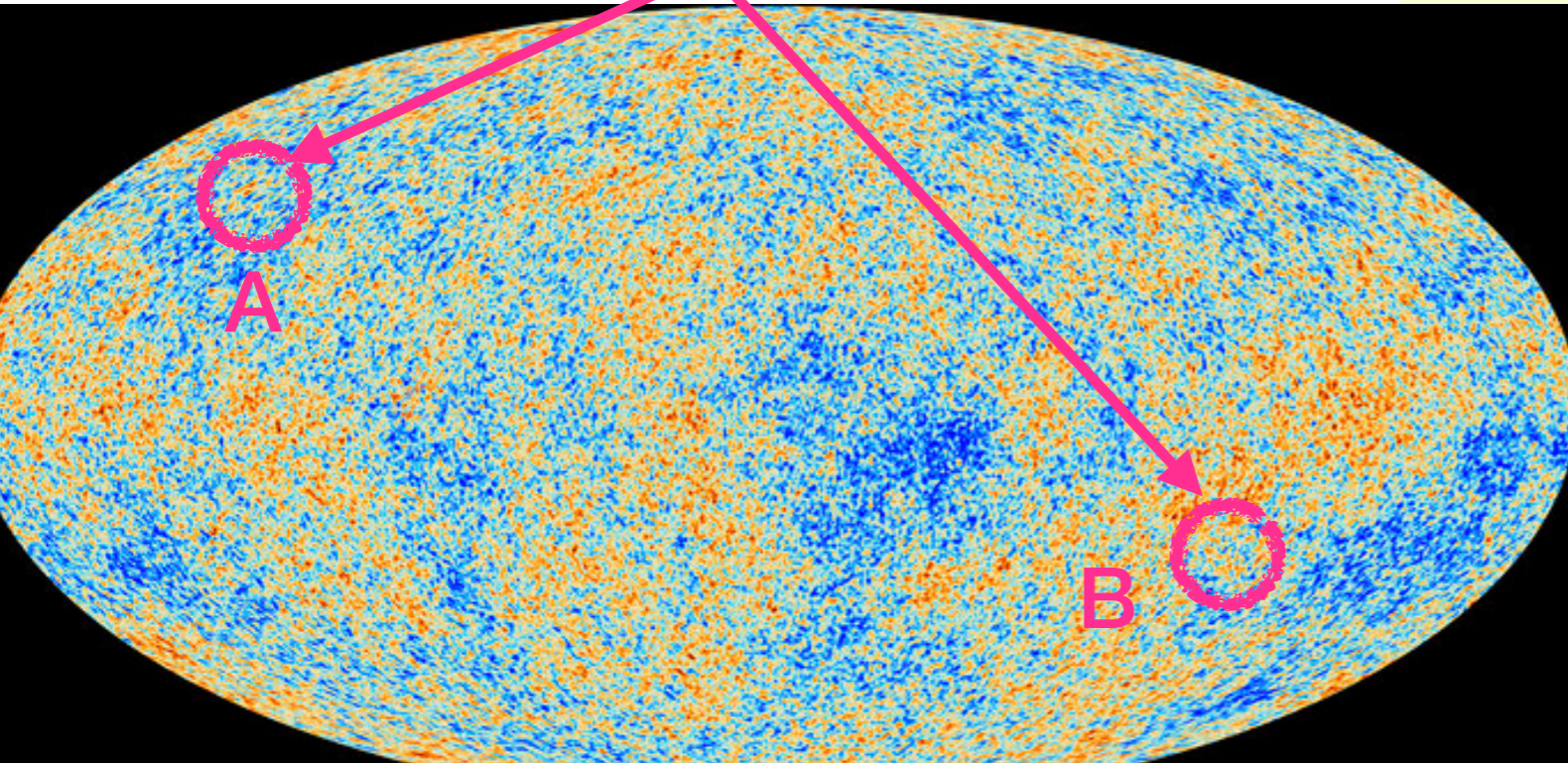
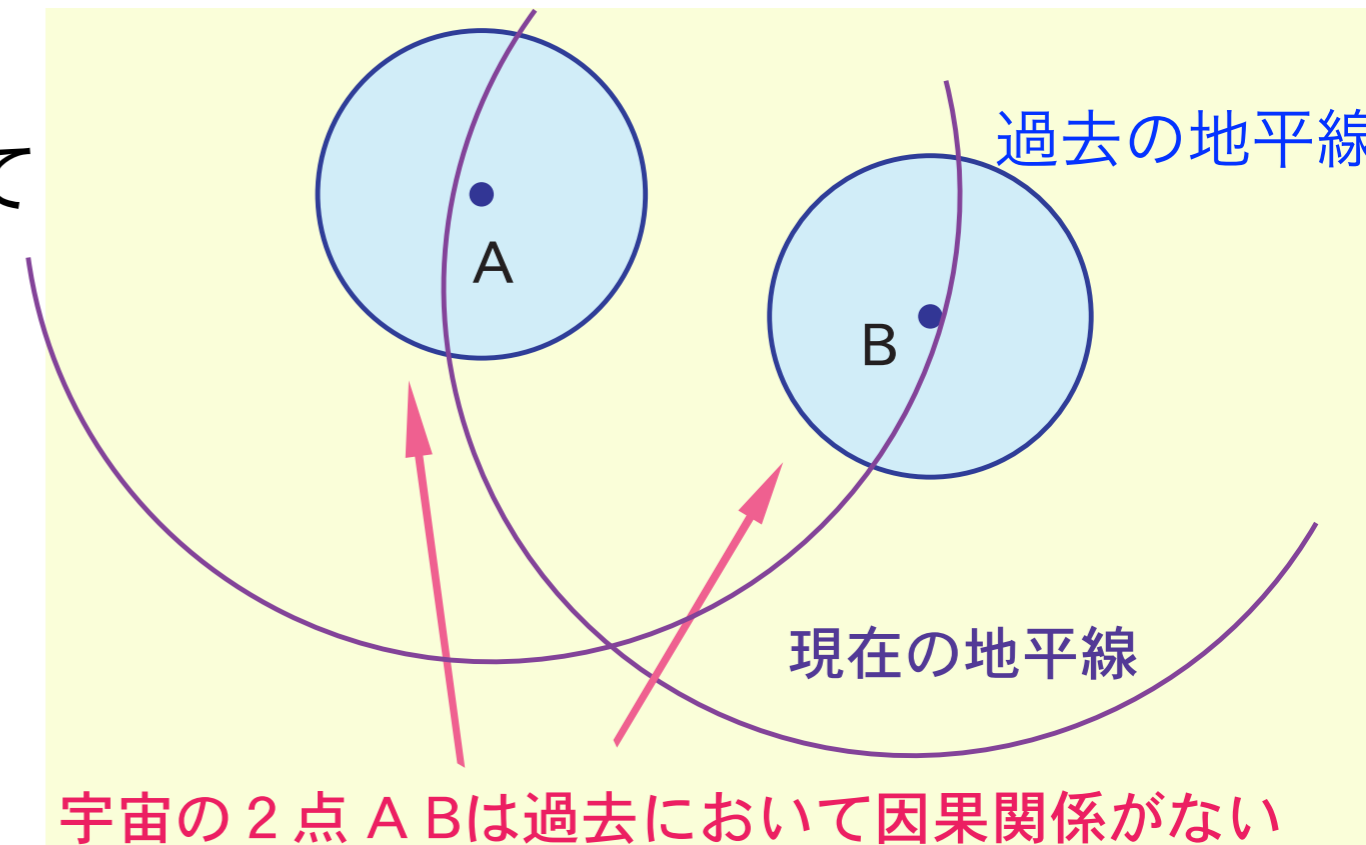
- 標準宇宙モデルは宇宙が誕生して約1秒から現在までの宇宙の様子を正しく記述することに成功
- 宇宙のさらに初期に適用しようとするとも問題が生じる
 - ▶ **平坦性問題**：137億年たった現在も宇宙は平坦に近い
 - ▶ **地平線問題**：因果関係を超えた相関がある
 - ▶ **モノポール問題**：素粒子の大統一理論出予言されるモノポールが過剰生成される
 - ▶ **密度揺らぎの問題**：密度揺らぎの起源が不明

1.9 地平線問題

- 宇宙の地平線：宇宙が誕生したときから光速で到達できる最大の長さ
- 宇宙背景放射は宇宙が誕生して約38万年後に放出された光
- 宇宙背景放射は非常に等方的

$$\frac{\Delta T}{T} \sim 10^{-5}$$

宇宙背景放射が出たときの地平線



- 因果関係の無い2点から出た光が同じ強さなのは不自然

2. インフレーション宇宙モデル

- 真空のエネルギー = スカラー場 (インフラトン場) のポテンシャルエネルギー ρ_V が宇宙を支配する

$$\frac{da}{dt} = \sqrt{\frac{8\pi G \rho_V}{3}} a \quad \Rightarrow \quad a \propto \exp(H_{\text{inf}} t)$$

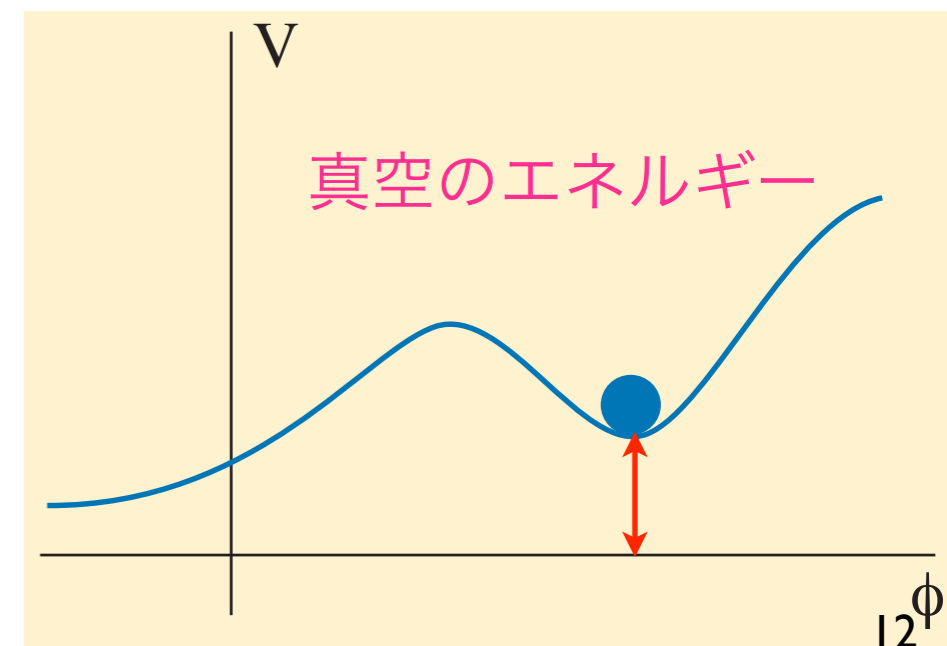
$$H_{\text{inf}} = \sqrt{8\pi G \rho_V / 3} \quad : \text{inflation 中のハッブルパラメーター}$$

➡ 急激な (指数関数的) 宇宙膨張

10^{-36} 秒の間に宇宙が 10^{26} 倍以上に大きくなる

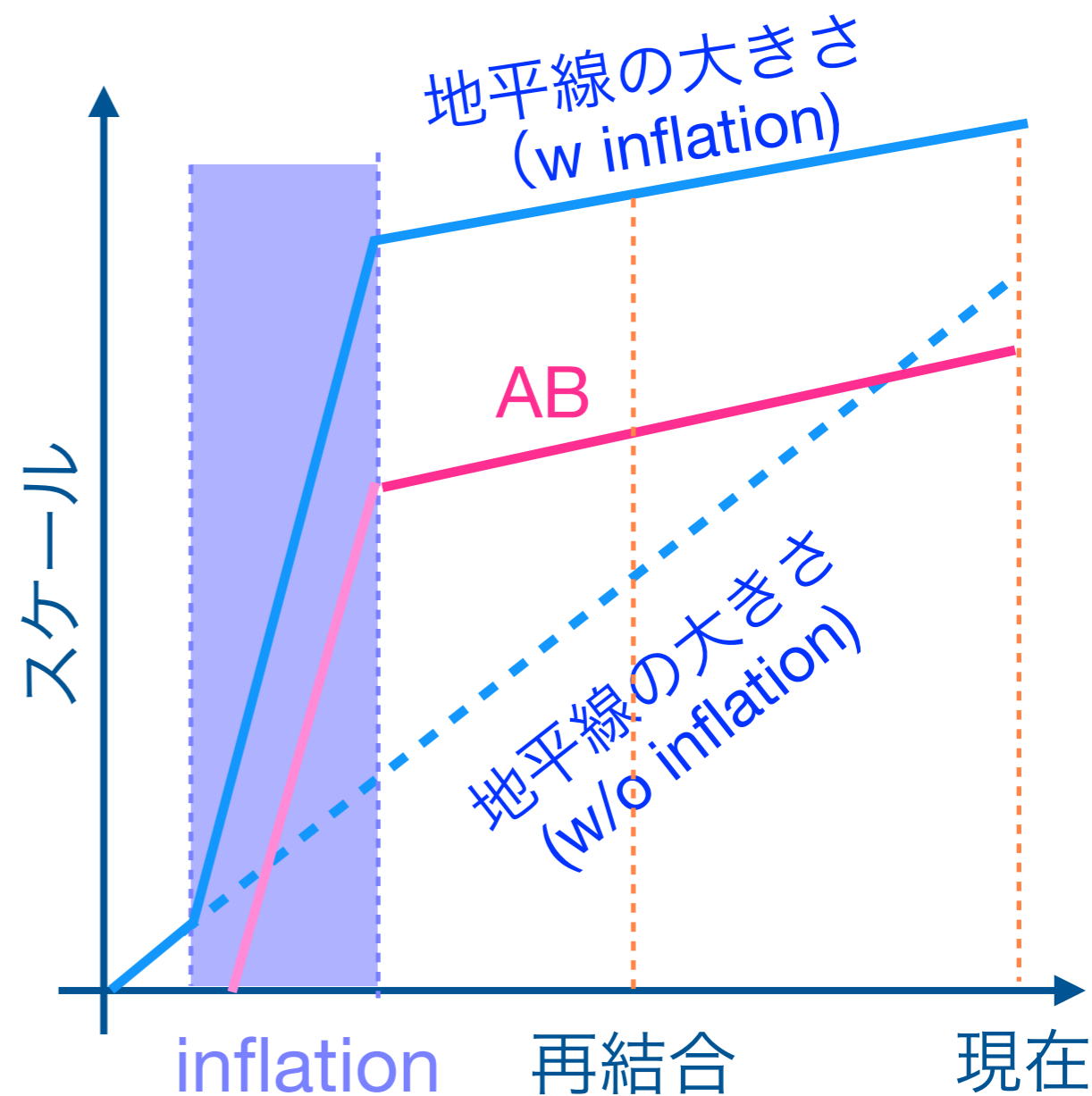
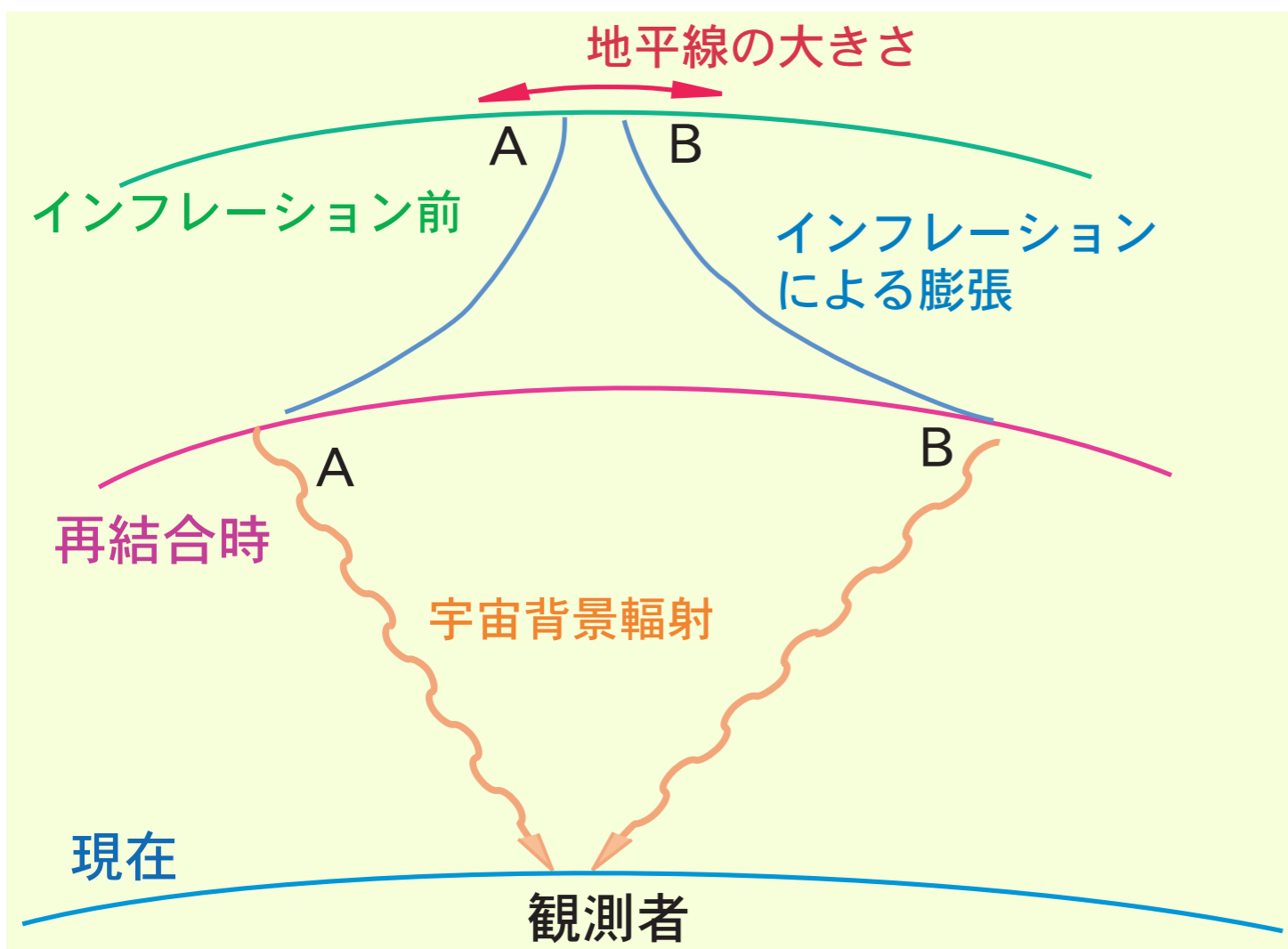
- 急激な膨張の後、真空のエネルギーが解放されて熱い宇宙になる

➡ 再加熱 = ビッグバン



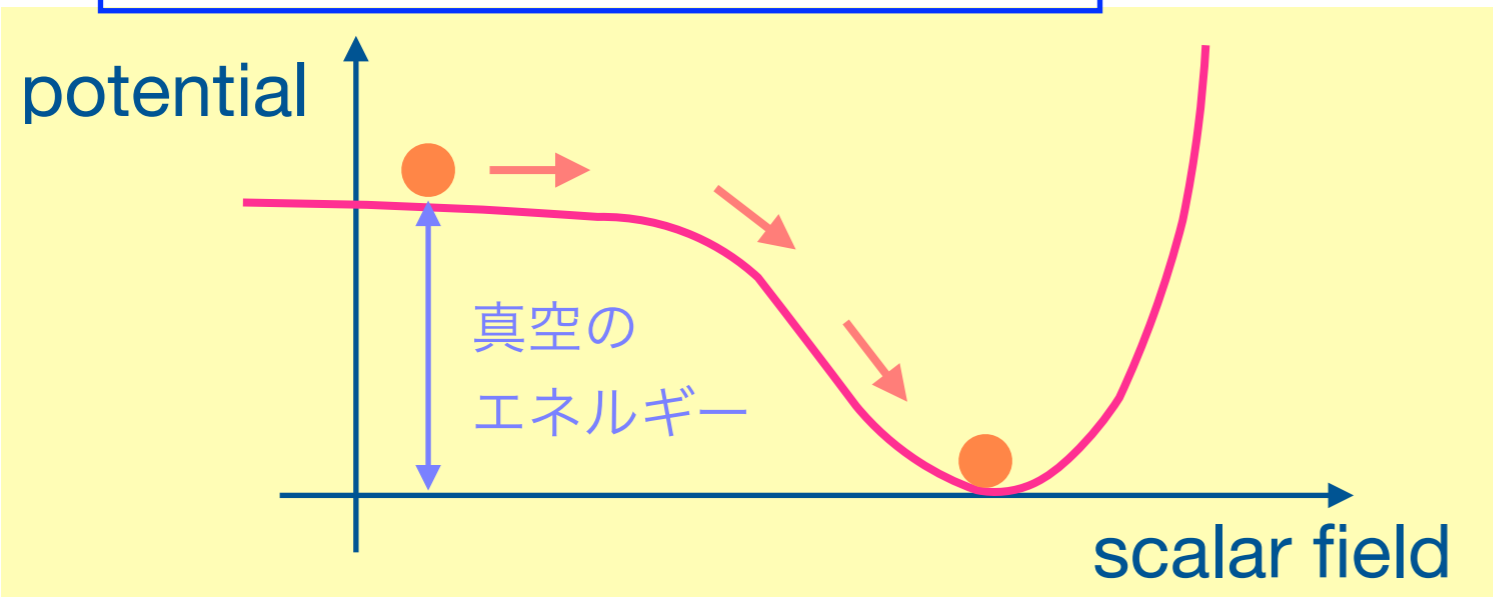
2.1 地平線問題の解決

- A、Bの2点はインフレーションによって大きき引き離されたことを考慮すると、過去においては因果関係があった



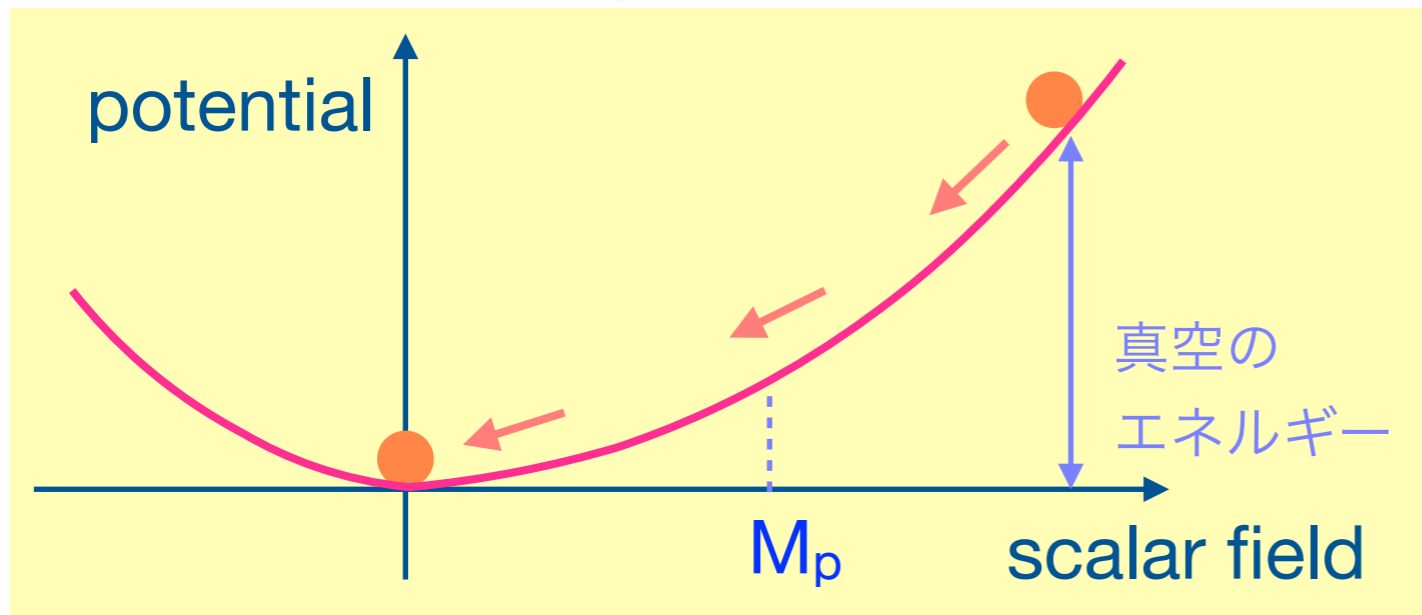
2.2 スローロール・インフレーション

- ゆっくり運動するインフラトン場によってインフレーションが実現
- **ニュー・インフレーション** (Linde, Albrecht-Steinhardt 1982)



- **カオティック・インフレーション** (Linde 1983)

インフラトン場がプランクスケールより大きな値をとる



$$V = \frac{1}{2} m^2 \phi^2$$

$$V = \frac{1}{4} \lambda \phi^4$$



$$M_p : \text{Planck mass} = 2.4 \times 10^{18} \text{ GeV}$$

$$8\pi G = 1/M_p^2$$

2.3 インフレーションによる密度揺らぎの生成

- インフラトン場の量子ゆらぎはインフレーション中に引き延ばされて長波長の古典的な揺らぎになる

$\delta\phi$ 量子ゆらぎ (振動) \longrightarrow $\delta\phi$ 古典的揺らぎ (振動しない)
インフレーション

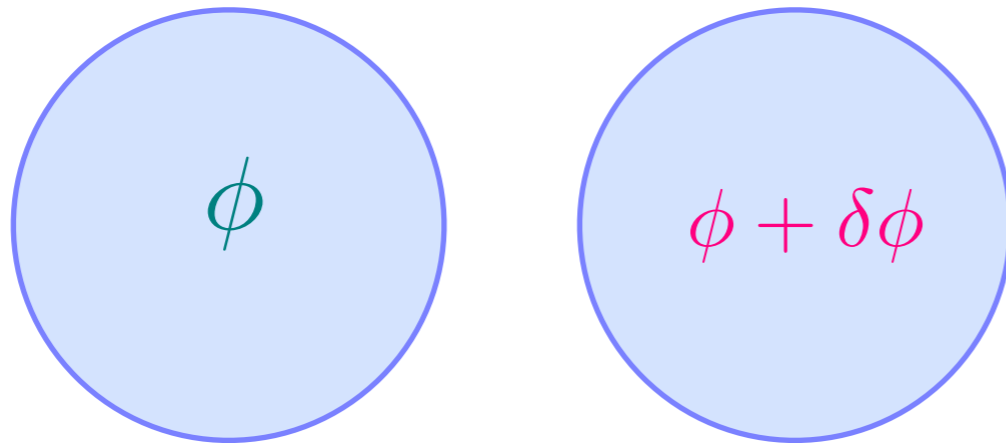
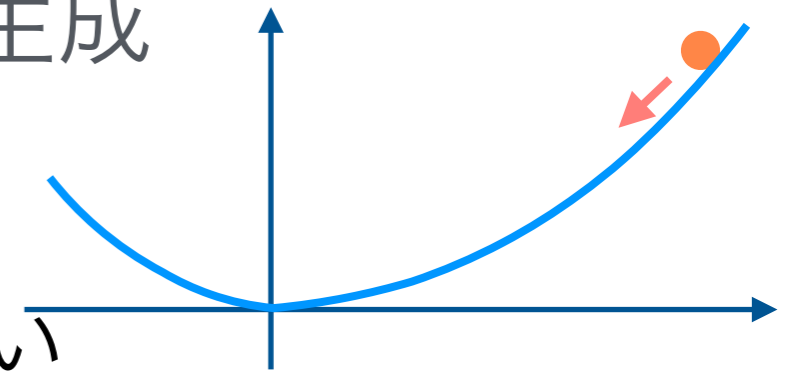
- 宇宙の場所ごとにインフラトン場がわずかに異なる値

$$\phi(t, \vec{x}) = \phi(t) + \delta\phi(t, \vec{x})$$

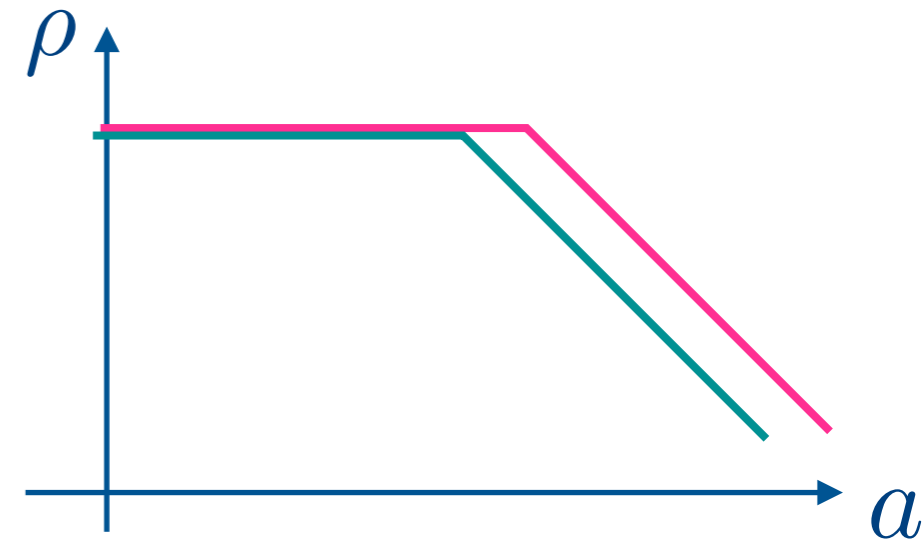
$$\delta\phi(t, \vec{x}) \simeq \frac{H_{\text{inf}}}{2\pi}$$

2.3 インフレーションによる密度揺らぎの生成

- 地平線を超えた長波長の揺らぎ
- 別々の宇宙があって時間発展すると考えて良い



- 宇宙膨張が異なる (曲率半径が異なる)



- ▶ 曲率揺らぎ ψ が生成 (同じ密度で比べれば)
- ▶ 密度揺らぎ $\delta\rho$ が生成 (同じスケールファクターで比べれば)

$$\psi = \frac{\delta a}{a} = \frac{1}{a} \frac{da}{dt} \frac{dt}{d\phi} \delta\phi = \left(\frac{1}{a} \frac{da}{dt} \right) \left(\frac{1}{d\phi/dt} \right) \delta\phi = \frac{H_{\text{inf}}}{\dot{\phi}} \delta\phi$$

$$\frac{\delta\rho}{\rho} = (4 \text{ or } 3) \frac{\delta a}{a}$$

$$\Leftarrow \rho \propto a^{-4} \text{ (RD) or } a^{-3} \text{ (MD)}$$

radiation (相対論的粒子)が支配

matter (非相対論的粒子)が支配

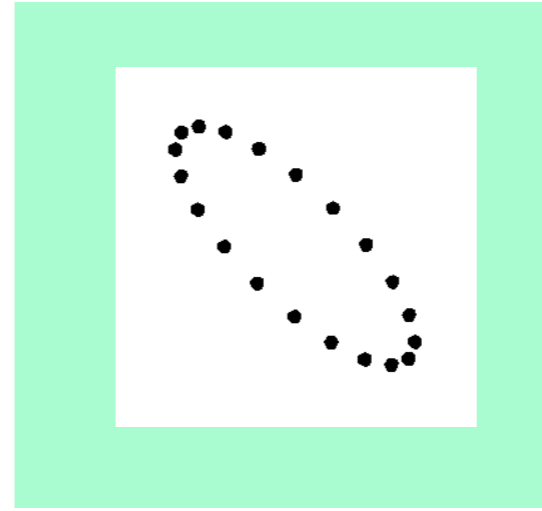
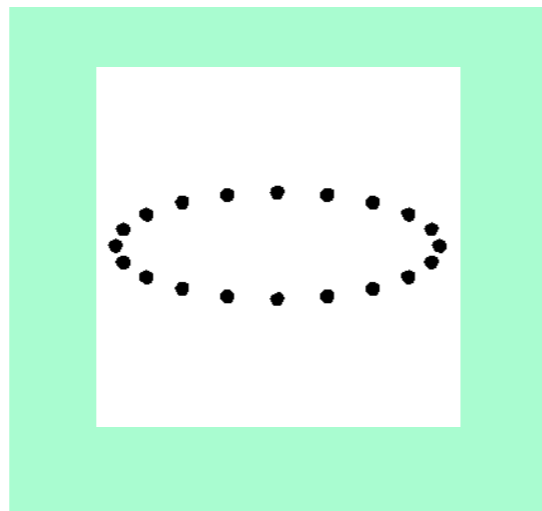
2.4 重力波の生成

- スカラー場と同様に重力子 (graviton) も揺らぎを獲得し、重力波 (空間が伸び縮みする波) が生成される

$$h_{ij}(t, z) = \begin{pmatrix} h_+ & h_\times & 0 \\ h_\times & -h_+ & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} e^{i\omega(t-z)}$$

$$h_{+, \times} \sim \sqrt{G} H_{\text{inf}}$$

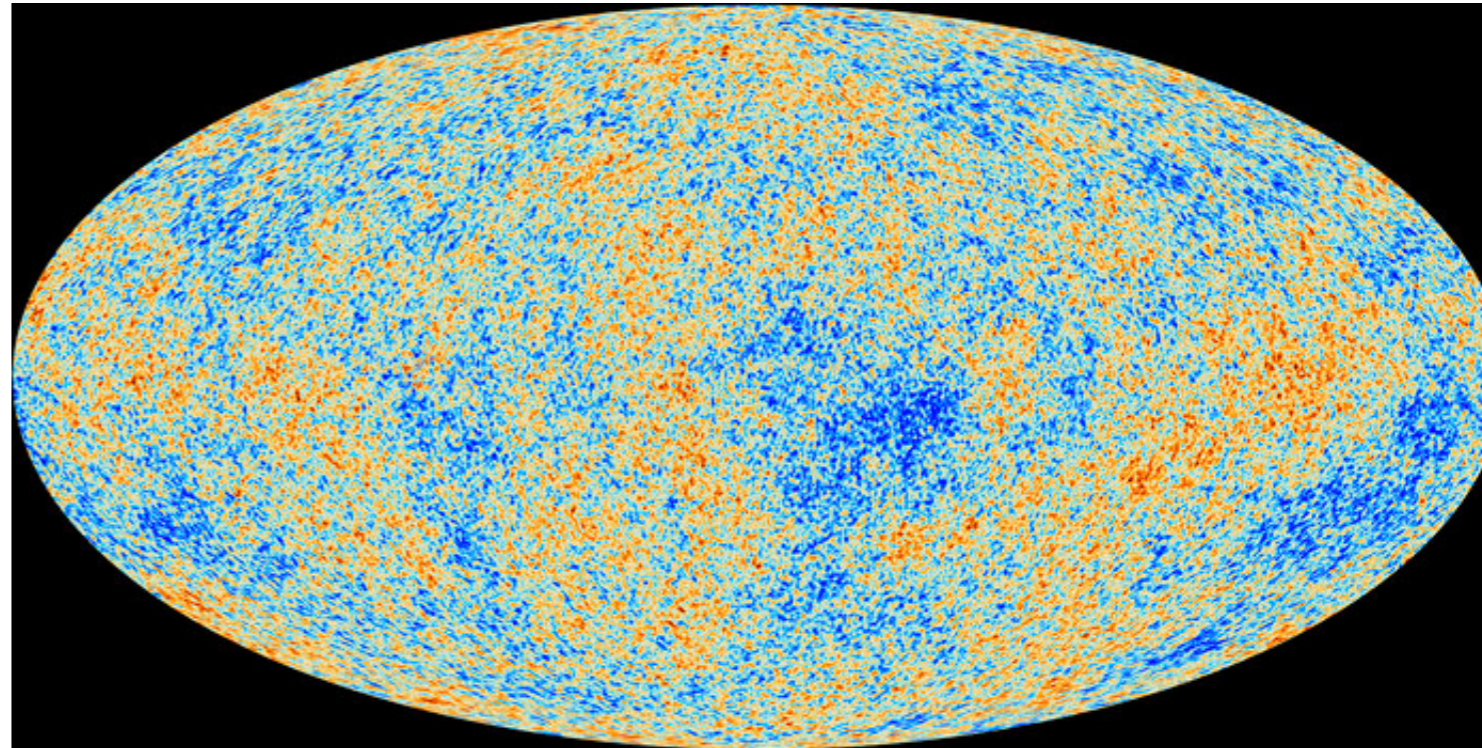
- 2つの独立なモード (+モードとXモード)



2.6 宇宙背景放射の温度揺らぎ

- 宇宙背景放射：再結合時 (約38万年) に放出された光
- プランク分布 → 温度で光の強度が決まる
- 密度揺らぎ (+ 重力ポテンシャル揺らぎ) → 温度の揺らぎ
- 観測
フーリエ変換 (球面上なので球面調和関数で展開)

$$\delta T(\vec{n}) = \sum_{\ell, m} a_{\ell m} Y_{\ell m}(\vec{n})$$
$$\langle a_{\ell m} a_{\ell' m'}^* \rangle = \delta_{\ell \ell'} \delta_{m m'} C_{\ell}$$



2.6 宇宙背景放射の温度揺らぎ

- WMAP Planckの結果
- Inflationの予言と一致

▶ ほぼスケール不変

spectral index $n_s = 0.96 \pm 0.01$

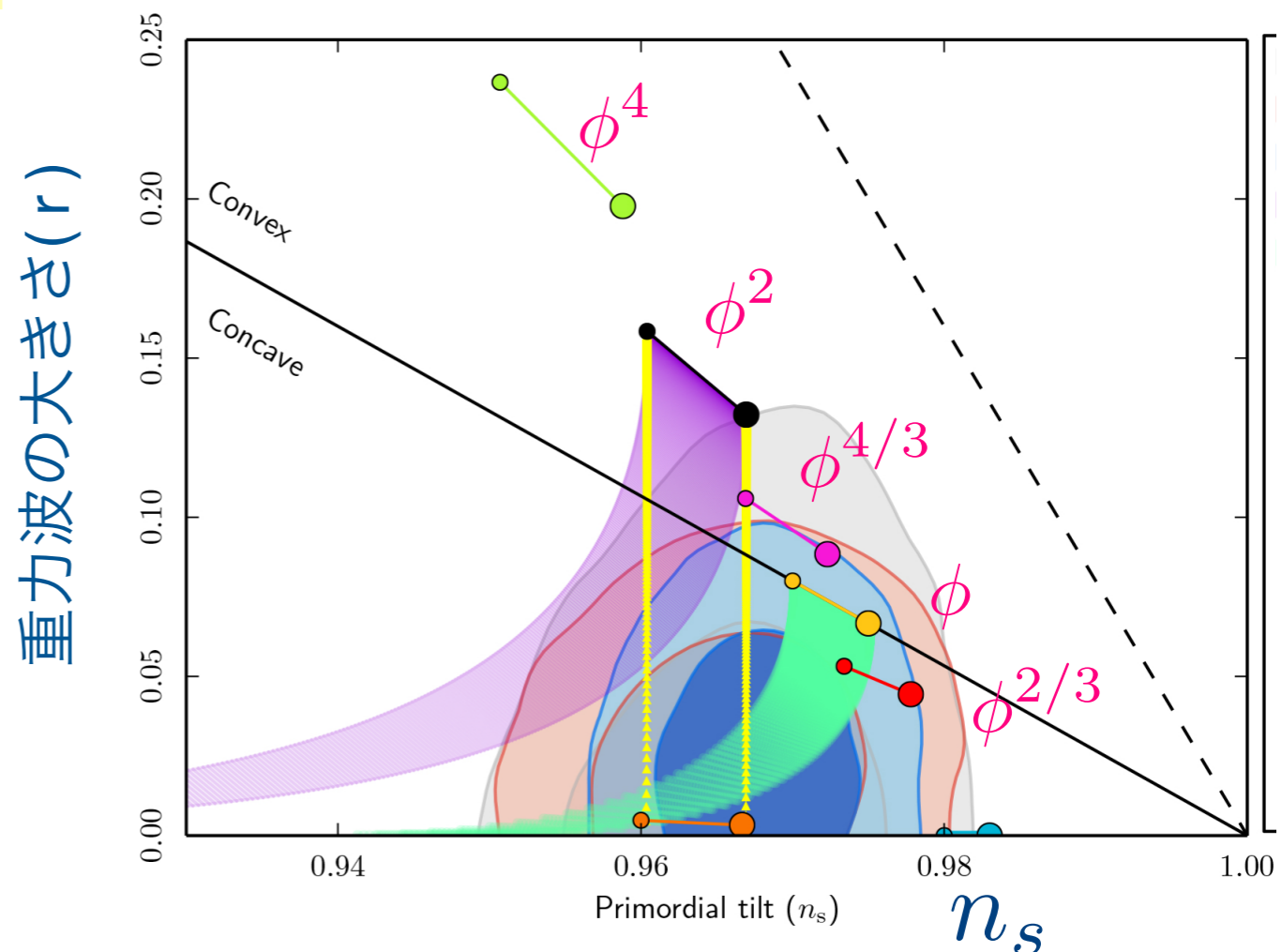
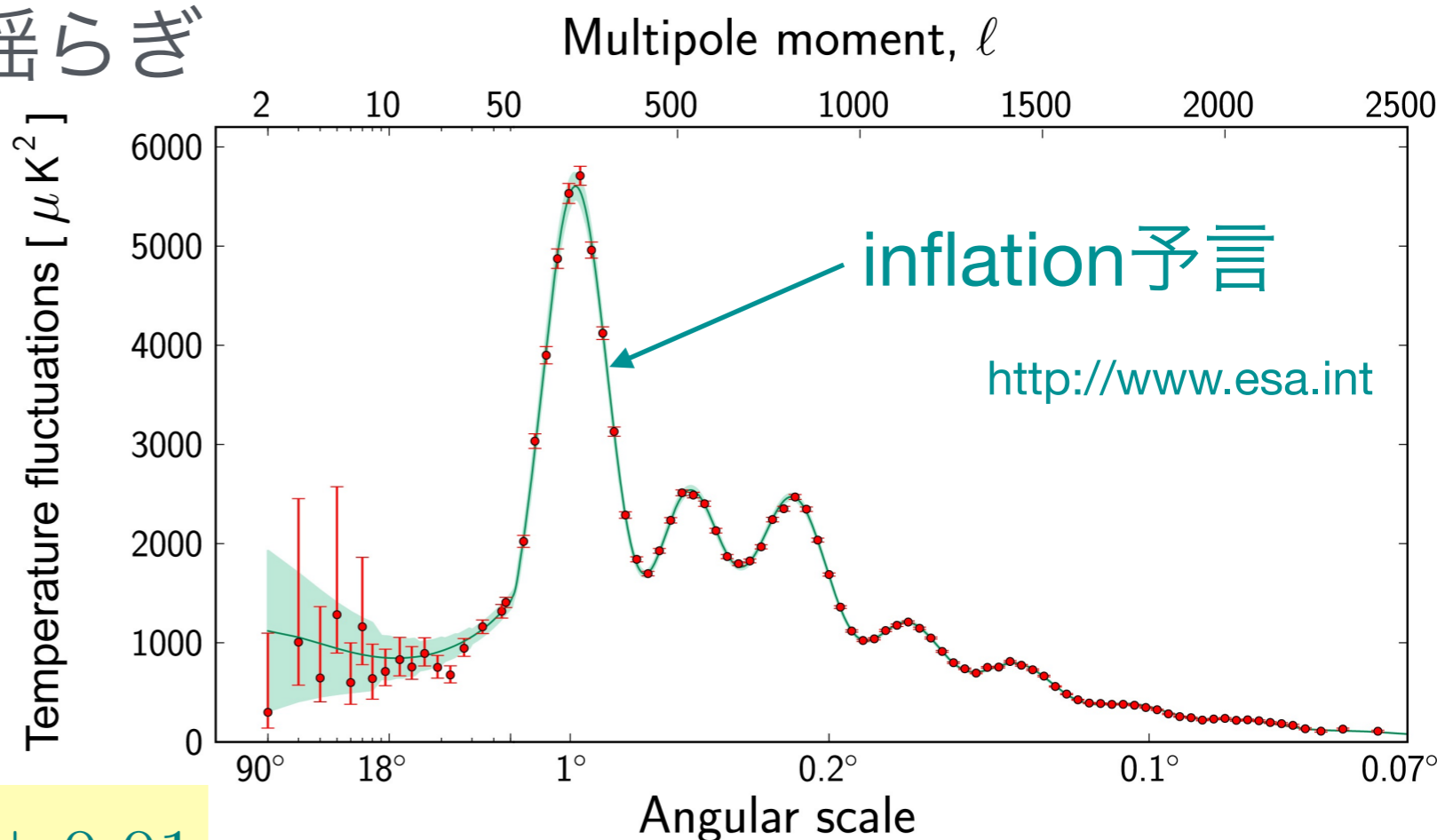
($n_s = 1$ for scale inv.)

$$\langle \delta_{\vec{k}} \delta_{\vec{k}'}^* \rangle = (2\pi)^3 \delta^3(\vec{k} - \vec{k}') P_{\delta\rho}(k)$$

$$P_{\delta\rho}(k) \propto k^{n_s}$$

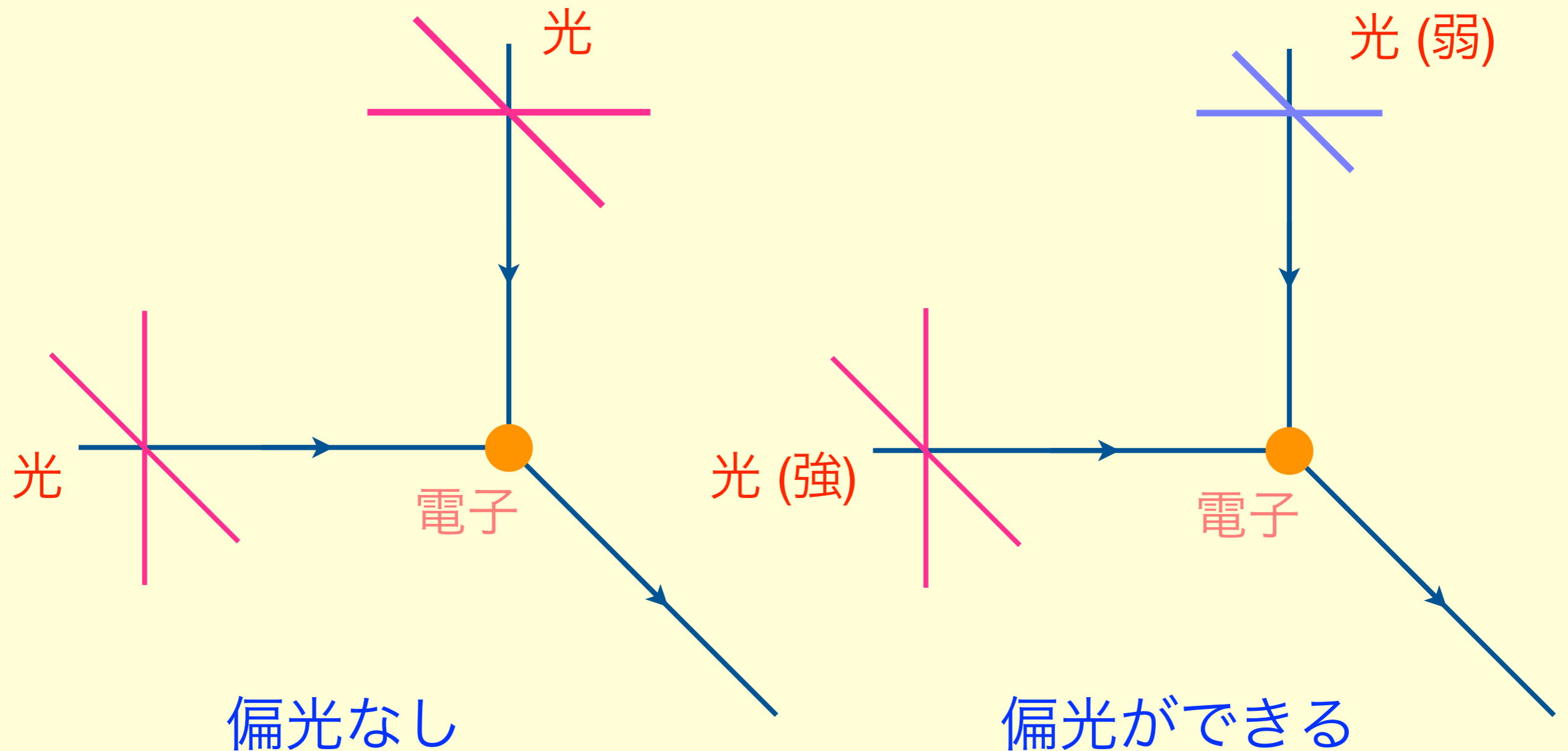
▶ 重力波モードに上限

- 様々なinflationモデルを制限



2.7 宇宙背景放射の偏光

- 偏光は電子とのトムソン散乱で生成される



- 偏光は温度揺らぎ（4重極）があれば生成される

2.8 偏光を作る温度揺らぎの起源

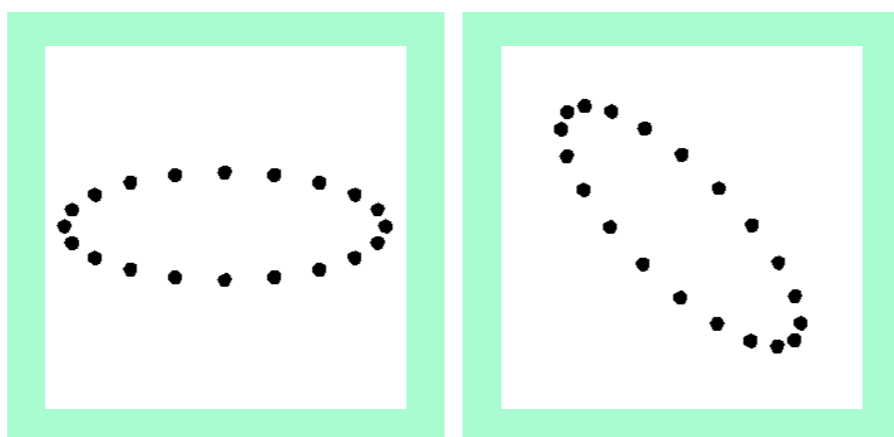
- 密度揺らぎ

重力ポテンシャル揺らぎ

→ 温度揺らぎ

Eモード

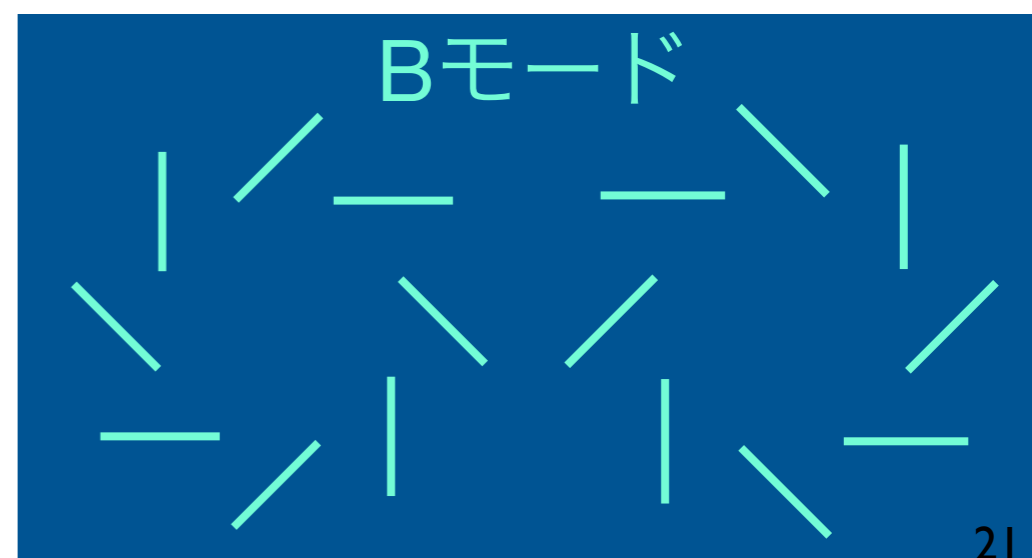
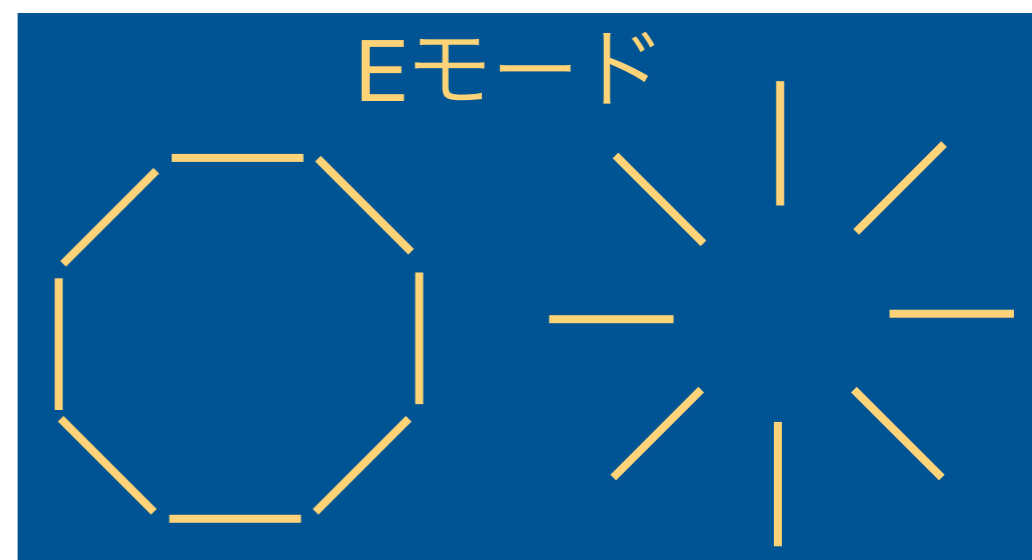
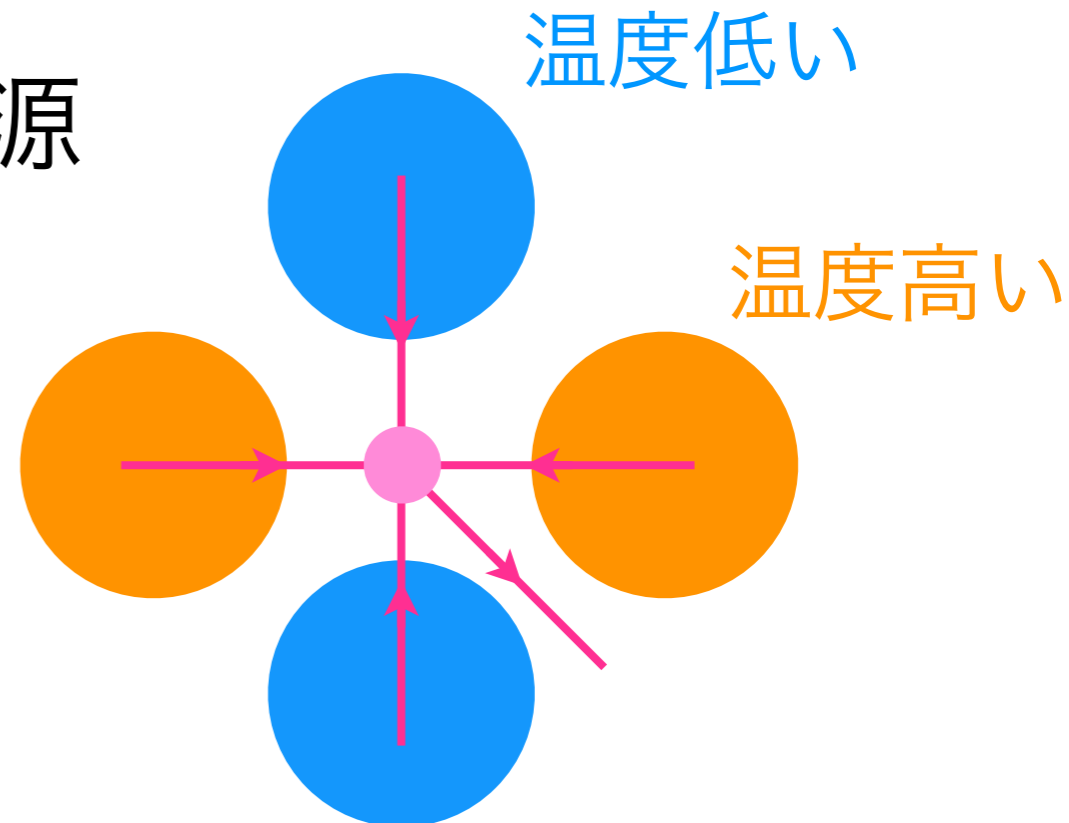
- 重力波



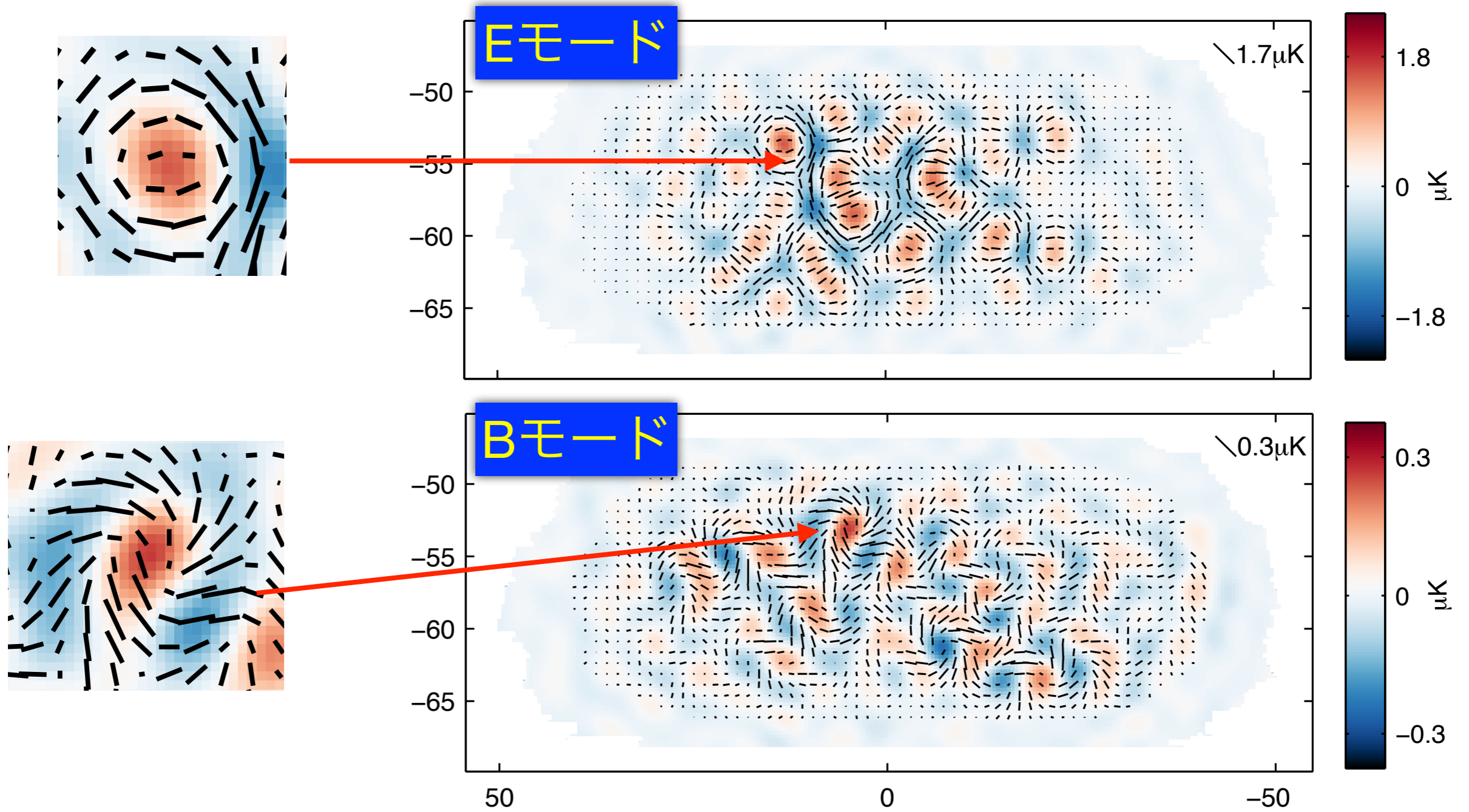
時空の伸び・縮み (+ mode x mode)

→ 赤方・青方変移 → 温度揺らぎ

Eモード、Bモード



2.9 CMBの偏光の観測



BICEP2 (2014)

3.1 重力波モードの発見とインフレーション

もし、重力波モードが発見されたら

- インフレーションでの重力波生成
 - ▶ 重力波の振幅 h はインフレーションを起こす真空のエネルギー ρ_{inf} だけで決まる

$$h \sim \sqrt{G} H_{\text{inf}} \sim G \rho_{\text{inf}}^{1/2}$$

H_{inf} : inflation中のハッブル

G : 重力定数

- 重力波モードの観測



$$\rho_{\text{inf}} \sim (10^{15-16} \text{ GeV})^4$$

- インフレーションモデル = High-scale インフレーションであることが判明する

3.2 重力波モードの観測と重力の量子論

- 重力は量子化されるべきか？
- 重力波モードの予言は弱い重力場の下での正準量子化に基づいている
- 次元解析

$$\rho_{\text{inf}} \sim G H_{\text{inf}}^{\alpha} c^{\beta} \hbar^{\gamma}$$

$$\rho_{\text{inf}} \sim \frac{[M]}{[L][T^2]} \quad G \sim \frac{[L^3]}{[M][T^2]} \quad c \sim \frac{[L^2]}{[T^2]} \quad \hbar \sim \frac{[M][L^2]}{[T]}$$



$$\gamma = 2$$

$$\rho_{\text{gw}} \propto \hbar^2 \quad \text{Quantum effect!!}$$

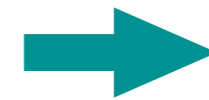
- 重力の量子化の証明になる

3.3 Bモードの観測

- inflation起源のBモードの検出を目指して実験が行われ
(計画されて) いる

▶ Keck Array/BICEP3 @ South Pole

▶ POLARBEAR-2/Simos Array @ Atacama



$r \sim 0.01$

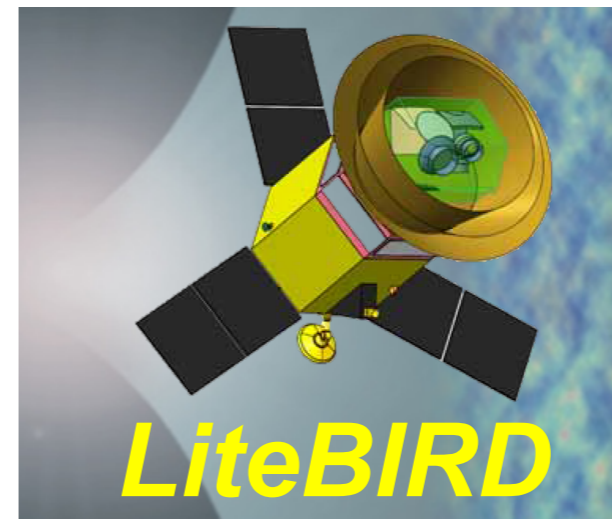
現在の10倍の感度



▶ LiteBIRD (日本の衛星計画)



$r \sim 0.001$



まとめ

- ビッグバン宇宙モデルは宇宙が誕生して約1秒から現在までの宇宙の様子を正しく記述することに成功
- インフレーション宇宙モデルでは、誕生直後 (約 10^{-36} 秒) に急激な宇宙膨張が起こり、その後熱い宇宙 (ビッグバン) が実現される。
- インフレーション宇宙は地平性問題などを解決し、宇宙の密度揺らぎの起源を説明する。
- インフレーション宇宙で予言される揺らぎは、宇宙背景放射の観測によって、検証されつつある。
- 誕生して間もない宇宙で起こったことが観測によって確かめられるエキサイティングな時代に突入した。