ボルツマン輻射流体コードによる 超新星爆発シミュレーション

原田了 (宇宙線研究所)



- ・ 超新星爆発: 星が死ぬ時の爆発
- ・分類:

重力崩壞型

- ・大質量星コアの
 重力崩壊に伴う爆発
 ・中性子星が中心に
 - 残される
- 重力波・ニュートリノ
 観測のターゲット

熱核暴走型

- ・暴走的な核燃焼による
 爆発
- ・中心天体を残さない
- ・標準光源になる



・超新星爆発: 星が死ぬ時の爆発

・分類:



熱核暴走型

- ・暴走的な核燃焼による
 爆発
- ・中心天体を残さない
- ・標準光源になる

重力崩壞型超新星爆発

· 重力崩壞型超新星爆発:

大質量星の最期の爆発現象(エネルギー10⁵¹ erg) ・星のコアが中性子星に崩壊する時に解放される 重力エネルギー(10⁵³ erg)がエネルギー源 ・<u>残りはニュートリノとして放射</u>



SN1987A ©NASA, ESA/Hubble

超新星爆発メカニズム

- ・ 重力崩壊→コアバウンス→衝撃波停滞
- ・中心の原始中性子星からのニュートリノ放射
- ・衝撃波がニュートリノ加熱によって復活

|→ニュートリノ加熱メカニズム[|]



重力崩壊の開始



重力崩壊の開始



重力崩壊の自己相似解

・断熱的重力崩壊→状態方程式 $P = \kappa \rho^{\gamma}$

→次元付きパラメータは κ とGだけなので自己相似解が存在する(Yahil 1983): 自己相似変数を $X = G^{(\gamma-1)/2} \kappa^{-1/2} (-t)^{\gamma-2} r$ として

・内部コア homologous (v∝r) 亜音速 大体Chandrasekhar質量



Yahil (1983)を再構成

・外部コア だいたいfree-fall 超音速

崩壊中、中心はどんどん高温高密度になっていくので、 結局電子捕獲も光分解も進んでいく

ニュートリノトラッピング

- ・ 電子捕獲反応→ニュートリノ生成
- ・崩壊初期:ニュートリノは自由に抜け出す
- ・崩壊後期:平均自由行程<コアのサイズとなり、抜け出せなくなる
 →ニュートリノトラッピング
- ・ニュートリノ球を形成する



バウンス衝撃波とその停滞

・中心が核密度に→亜音速内部コアはブレーキ;超音速外部コアは影響なし
 →内外部コアの境界にバウンス衝撃波(~10⁵¹ erg) (コアバウンス)



バウンス衝撃波とその停滞

- ・中心が核密度に→亜音速内部コアはブレーキ;超音速外部コアは影響なし
 →内外部コアの境界にバウンス衝撃波(~10⁵¹ erg) (コアバウンス)
- · 衝撃波は飲み込んだ原子核を分解しながら進む
- · Feの結合エネルギーは8.8 MeV/nucleon
 - →外部コアのFeを光分解するのに衝撃波はエネルギーを使い切る



バウンス衝撃波とその停滞

- ・中心が核密度に→亜音速内部コアはブレーキ;超音速外部コアは影響なし
 →内外部コアの境界にバウンス衝撃波(~10⁵¹ erg) (コアバウンス)
- · 衝撃波は飲み込んだ原子核を分解しながら進む
- · Feの結合エネルギーは8.8 MeV/nucleon
 - →外部コアのFeを光分解するのに衝撃波はエネルギーを使い切る

→衝撃波停滞





- ・バウンス後、中心には原始中性子星(半径 R_{ns} ,もしくはニュートリノ球半径 R_{ν})
- ・ゲイン半径Rgain:ニュートリノ冷却領域と加熱領域を分ける
- · 衝撃波半径Rs
- ・衝撃波への質量降着が続き、原始中性子星からのニュートリノ放射で 加熱されて支えられる

→加熱が勝って衝撃波が復活するのがニュートリノ加熱メカニズム

・衝撃波下流は高温のため、

 $P = \kappa \rho^{4/3} = P_{e^{\pm}} + P_{\gamma} + P_{b} \propto T^{4}$ ・準定常状態のため、静水圧平衡 $dP = GM_{PNS}\rho$ dr r^2 ゆえに $\rho \propto r^{-3}$ EOSから $\rho^{4/3} \propto T^4$ 従って $T \propto r^{-1}$



Janka (2001)を一部改変

 ・
 核子あたりの加熱率

$$q_{\nu}^{+} \simeq \frac{L_{\nu_{\rm e}} \sigma_{\nu_{\rm e}} Y_{\rm n} + L_{\bar{\nu}_{\rm e}} \sigma_{\bar{\nu}_{\rm e}} Y_{\rm p}}{4\pi r^2} \simeq \frac{L_{\nu} \sigma_{\nu}}{4\pi r^2}$$

 ・
 核子あたりの冷却率

$$q_{\nu}^{-} \simeq \sigma(T) a c T^{4} \quad w/\sigma(T) \propto T^{2}$$

$$\begin{array}{cc} \textbf{x}_{\text{r}} & \textbf{x}_{\text{r}} & \textbf{x}_{\text{r}} & \textbf{x}_{\text{r}} \\ q_{\nu} & \textbf{x}_{\text{r}} & \textbf{x}_{\text{r}} & \textbf{x}_{\text{r}} \\ \end{array}$$

·r↓で冷却が卓越;
 r↑で加熱が卓越;
 釣り合う半径はgain半径



Janka (2001)を一部改変



- ・バウンス後、中心には原始中性子星(半径 R_{ns} ,もしくはニュートリノ球半径 R_{ν})
- ・ゲイン半径Rgain:ニュートリノ冷却領域と加熱領域を分ける
- · 衝撃波半径Rs
- ・衝撃波への質量降着が続き、原始中性子星からのニュートリノ放射で 加熱されて支えられる

→加熱が勝って衝撃波が復活するのがニュートリノ加熱メカニズム

タイムスケール比

- ・爆発に「どれだけ近いか」の指標:タイムスケール比 τ_{adv}/τ_{heat} ・移流タイムスケール:ゲイン領域を流れるのにかかる時間 $\tau_{adv} := M_{gain}/\dot{M}$
- ・加熱タイムスケール:全エネルギーが正になるのにかかる時間 $au_{heat} := E_{gain}/Q_{gain}$

比が1を超えると十分早く加熱されて爆発する

$$\frac{\tau_{\rm adv}}{\tau_{\rm heat}} = \frac{M_{\rm gain}}{\dot{M}} \frac{Q_{\rm gain}}{E_{\rm gain}} > 1$$

タイムスケール比

$$\frac{\tau_{\rm adv}}{\tau_{\rm heat}} = \frac{M_{\rm gain}}{\dot{M}} \frac{Q_{\rm gain}}{E_{\rm gain}} \simeq 2.4$$

 $M_{\rm gain} \simeq 0.01 \, M_{\odot} \qquad \dot{M} \simeq 0.1 \, M_{\odot} / {\rm s}$

$$\mathcal{Q}_{\text{gain}} \simeq \frac{L_{\nu}\sigma}{4\pi r_{\text{gain}}^2} \frac{M_{\text{gain}}}{m_{\text{u}}} = 9.4 \times 10^{51} \,\text{erg/s} \left(\frac{k_{\text{B}}T}{4 \,\text{MeV}}\right)^2 \left(\frac{L_{\nu}}{3 \times 10^{52} \,\text{erg/s}}\right) \left(\frac{M_{\text{gain}}}{0.01 \,M_{\odot}}\right) \left(\frac{r_{\text{gain}}}{100 \,\text{km}}\right)^{-2}$$
$$E_{\text{gain}} \simeq \frac{GM_{\text{PNS}}M_{\text{gain}}}{r_{\text{gain}}} = 4.0 \times 10^{50} \,\text{erg} \left(\frac{M_{\text{PNS}}}{1.4 \,M_{\odot}}\right) \left(\frac{M_{\text{gain}}}{0.01 \,M_{\odot}}\right) \left(\frac{r_{\text{gain}}}{100 \,\text{km}}\right)^{-1}$$

大雑把に値を評価するとタイムスケール比はオーダー1で、
 ニュートリノ加熱メカニズムでうまくいきそう

$$\frac{\tau_{\text{adv}}}{\tau_{\text{heat}}} = \frac{M_{\text{gain}}}{\dot{M}} \frac{Q_{\text{gain}}}{E_{\text{gain}}} > 1$$
$$Q_{\text{gain}} \simeq \frac{L_{\nu}\sigma}{4\pi r_{\text{gain}}^2} \frac{M_{\text{gain}}}{m_{\text{u}}}$$

・ニュートリノ加熱率がニュートリノ光度に比例する単純なモデルを考える

$$\frac{M_{\text{gain}}^2}{\dot{M}} \frac{L_{\nu}\sigma}{4\pi r_g^2 m_u E_{\text{gain}}} > 1$$
$$Q_{\text{gain}} \simeq \frac{L_{\nu}\sigma}{4\pi r_{\text{gain}}^2} \frac{M_{\text{gain}}}{m_u}$$

・ニュートリノ加熱率がニュートリノ光度に比例する単純なモデルを考える

$$L_{\nu} > \frac{4\pi r_{g}^{2} m_{u} E_{gain} \dot{M}}{\sigma M_{gain}^{2}}$$
$$Q_{gain} \simeq \frac{L_{\nu} \sigma}{4\pi r_{gain}^{2}} \frac{M_{gain}}{m_{u}}$$

- ・ニュートリノ加熱率がニュートリノ光度に比例する単純なモデルを考える
- ・ニュートリノ光度が質量降着率で決まるある値より大きいと爆発する
 →臨界曲線

$$\begin{split} \frac{1}{r^2} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} (r^2 \rho v) &= 0, \\ \frac{1}{r^2} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} (r^2 \rho v^2) + \frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}r} &= -\rho \frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}r}, \\ \frac{1}{r^2} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \left\{ r^2 \rho v \left(e + \frac{1}{2} v^2 + \frac{P}{\rho} \right) \right\} &= -\rho v \frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}r} + Q, \\ \frac{1}{r^2} \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} (r^2 \rho v Y_{\mathrm{e}}) &= \rho \Gamma, \\ \Phi &= -\frac{GM_{\mathrm{PNS}}}{r}, \end{split}$$



- ・衝撃波停滞フェーズでは流体は準定常
 - →ニュートリノ光度と質量降着率をパラメータ、

衝撃波の位置を(ある種の)固有値とする固有値問題

→質量降着率に対し、ニュートリノ光度が

ある値以上になると定常解が作れない。

超新星シミュレーション



Sumiyoshi+ (2005)



Liebendoerfer+ (2001)

・1次元球対称シミュレーションではどんなに頑張っても爆発しない

超新星シミュレーション

2D

3D



1次元球対称シミュレーションではどんなに頑張っても爆発しない
 多次元シミュレーションだと爆発する

背景

多次元効果-流体不安定性

- Prompt convection:
 - 衝撃波がエネルギーを失いながら伝搬
 - ▶ 負のエントロピー勾配を形成
 - 対流が発達





多次元効果-流体不安定性





ニュートリノ駆動対流

SASI

- 衝撃波停滞フェーズでの流体不安定性:
 - ニュートリノ駆動対流
 - standing accretion shock instability (SASI)
- ・ 乱流へと発達し、衝撃波を押し出したりする

乱流の効果



乱流の効果



Takiwaki+ (2012)

- 乱流は衝撃波復活を手助けする:
 - 乱流の渦運動によって流体素片が長くゲイン領域に留まる

超新星シミュレーション

2D

3D



1次元球対称シミュレーションではどんなに頑張っても爆発しない
 多次元シミュレーションだと爆発する

背景

残る問題点

- · 計算手法によって結果が変わる
- ・爆発エネルギーが足りない
 - 観測的には爆発エネルギーは~10⁵¹ erg
 - シミュレーションでは~10⁵⁰ erg
- ・長時間計算で爆発エネルギーを増やそうと すると、Niが作れない



残る問題点

- ・計算手法によって結果が変わる
- ・爆発エネルギーが足りない
 - 観測的には爆発エネルギーは~10⁵¹ erg
 - シミュレーションでは~10⁵⁰ erg
- ・長時間計算で爆発エネルギーを増やそうと すると、Niが作れない



Bruenn+ (2016)



- ・計算手法によって結果が変わる
- ・爆発エネルギーが足りない
 - 観測的には爆発エネルギーは~10⁵¹ erg
 - シミュレーションでは~10⁵⁰ erg



超新星シミュレーションの進展 マイクロ 重力 フィジックス -般相対論 発展的 近似的一般相対論 標準的 ニュートン重力 近似 1D 2D ボルツマン (Sn) 3D 空間次元 *ν*-輸送



超新星シミュレーションの進展 マイクロフィジックス 重力 1D: 爆発失敗 ·般相対論 発展的 2D: 衝擊波復活 近似的一般相対論 エネルギー不十分 票準的 ニュートン重力 近似 1D ボルツマン 2D (Sn) 3 空間次元 *ν*-輸送

背景

超新星シミュレーションの進展


超新星シミュレーションの進展



超新星シミュレーションの進展





























原子核EOS



・エントロピーと速度のカラーマップ



LS FS

Timescale ratio

衝撃波はtimescale ratioが1を超えた時に復活する: τ_{adv}/τ_{heat} with $\tau_{adv} = M_{gain}/M$, $\tau_{heat} = E_{gain}/Q_{gain}$



AH+(preprint 2020)

200

250

・ M_{gain} だけが違い、LSのほうが大きい

乱流の強さの違い

- ・ M_{gain} だけが違い、LSのほうが大きい
- ・LSモデルのほうが乱流が強い



乱流の強さの違い

- ・ M_{gain} だけが違い、LSのほうが大きい
- ・LSモデルのほうが乱流が強い
- ・対流成長率(Brunt-Vaisala振動数)も大きい



原子核EOS

原子核組成の違い

- ・降着流の原子核組成が違う:
 LS: 重原子核が多く降着してくる
 FS: α粒子が多く降着してくる
 LSのほうが光分解で多くのエネル ギーを消費
- 衝撃波が急激に弱まり、急峻な
 エントロピー勾配を形成
- Prompt convectionが強い



乱流の強さの違い

- ・ M_{gain} だけが違い、LSのほうが大きい
- ・LSモデルのほうが乱流が強い
- ・対流成長率(Brunt-Vaisala振動数)も大きい



原子核EOS

原子核組成の違い

- ・降着流の原子核組成が違う:
 LS: 重原子核が多く降着してくる
 FS: α粒子が多く降着してくる
 LSのほうが光分解で多くのエネル ギーを消費
- 衝撃波が急激に弱まり、急峻な
 エントロピー勾配を形成
- Prompt convectionが強い





 $P_{\mathrm{M1}}^{ij}(\epsilon) := \frac{3\zeta(\epsilon) - 1}{2} P_{\mathrm{thin}}^{ij}(\epsilon) + \frac{3(1 - \zeta(\epsilon))}{2} P_{\mathrm{thick}}^{ij}(\epsilon),$ $\zeta(\epsilon) = \frac{3 + 4F(\epsilon)^2}{5 + 2\sqrt{4 - 3\bar{F}(\epsilon)}}.$ $P_{\text{thin}}^{ij}(\epsilon) := E(\epsilon) \frac{F^{i}(\epsilon)F^{j}(\epsilon)}{F(\epsilon)^{2}}$ $P_{\text{thick}}^{ij}(\epsilon) := J(\epsilon) \frac{\gamma^{ij} + 4V^i V^j}{2} + H^i(\epsilon) V^j + V^i H^j(\epsilon)$

エディントンテンソル

・分布関数の二次モー メント ▶エディントン テンソル ・M1-closure法で 鍵となる量 ・M1-closure法では 速度依存項を過大 評価



AH+(preprint 2020)





回転



・衝撃波復活を促進も抑制もしうる ・回転によってニュートリノ分布が歪む ・回転プロファイル: $\Omega(r) = \frac{1 \text{ rad/s}}{1 + (r/10^8 \text{ cm})^2}$ 衝擊波 遠心力

星コア

衝撃波の時間発展

・バウンス後~200 msまでの時間発展 ・回転モデルと無回転モデルの差はあまりない→回転が遅い 回転



ニュートリノ角度分布 ・バウンス後~10 msでのニュートリノの角度分布関数 ・基本的に前方集中、回転に引きずられている部分もある



AH+(2019)

回転

PNSキック

PNSキック



エントロピー・速度分布



PNSキック

PNSキック

エントロピー・速度分布

・PNSが初期位置から動く



PNSの固有運動



Nagakura+(2019)

・バウンス後100 ms以降にPNSが南に動く

PNSキック機構: PNSキック機構: gravitational tug boat?



重力タグボート機構: ・非対称な爆発 ・遅い側はPNSに近く、 高密度 ・PNSはそちら側に 引っ張られる

Scheck+(2006)

early-phaseでのPNSキック機構: 重力? 圧力? ニュートリノ輻射圧?



Nagakura+(2019)

・重要な力はどれか?
 ・それぞれの力に起因する速度
 を比較(加速度を時間積分)

・中心30 km内の力:
 熱圧力が重力に打ち勝つ

・中心400 km内の力: ニュートリノ輻射圧が支配的

ニュートリノ輻射力が重要?



 ・中心30 kmの力(熱圧力+ 重力)でPNSキックが再現 される
 ・中心400 kmの力(ニュー トリノ輻射力)でもPNSキッ クは再現される

・ニュートリノ輻射力が重
 要な可能性がある





親星





親星

lwakami+ in prep.

 ・11.2 M_☉モデルのみ、質量降着率が落ちた時に衝撃波が 復活する
 ・他のモデルは質量降着率が落ちても爆発しない

ニュートリノ加熱率



親星

lwakami+ in prep.

・爆発しない場合、PNSへの質量降着大→ニュートリノ光度大
 ・爆発しない場合、衝撃波下流の密度大→ゲイン質量大
 ・ニュートリノ加熱率自体は爆発しないほうが大きい

ニュートリノ加熱率



親星

lwakami+ in prep.

・爆発しない場合、PNSへの質量降着大→ニュートリノ光度大 ・爆発しない場合、衝撃波下流の密度大→ゲイン質量大 ・ニュートリノ加熱率自体は爆発しないほうが大きい

移流タイムスケールが長いために爆発



親星

lwakami+ in prep.

・加熱タイムスケールは大差がないが、移流タイムスケール は大きく違う;質量降着率が大きく違うため ・11.2 M₀モデルのみ、タイムスケール比が1を超える

FT EOSモデルでも結果は同様



親星

lwakami+ in prep.

・FT EOSモデルでも同様の傾向が見られる ・爆発するかどうかを判断するにはさらに長時間の計算が 必要

超新星シミュレーションの進展 マイクロフィジックス 重力 1D: 爆発失敗 一般相対論 是展的 2D: 衝擊波復活 近似的一般相対論 エネルギー不十分 標準的 ニュートン重力 3D: 衝擊波復活 エネルギー不十分 近似 我々の計算 1D 3Dボルツマン ボルツマン 2D(Sn) 30 空間次元

ν-輸送

3D計算

超新星シミュレーションの進展


エディントンテンソルの楕円体表示

- ・軸:固有ベクトル、半径: 固有値とする楕円体
 ・衝撃波外部ではprolateな
 - 楕円体
- ・衝撃波付近ではM1では prolateだが実際にはoblate
- ▶emissivityの急激な変化に よる



Iwakami+(preprint 2020)

超新星シミュレーションの進展 マイクロフィジックス 重力 1D: 爆発失敗 一般相対論 能展的 2D: 衝擊波復活 近似的一般相対論 エネルギー不十分 標準的 ニュートン重力 3D: 衝擊波復活 エネルギー不十分 近似 我々の計算 1D 3Dボルツマン ボルツマン 2D(Sn) GRボルツマン 3 空間次元 ν-輸送

GR計算

